

格上基于身份哈希证明系统的新型构造*

来齐齐^{1,2}, 杨波¹, 陈原³, 韩露露¹, 白健²

¹(陕西师范大学 计算机科学学院, 陕西 西安 710119)

²(保密通信重点实验室, 四川 成都 610041)

³(综合业务网理论及关键技术国家重点实验室(西安电子科技大学), 陕西 西安 710071)

通讯作者: 杨波, E-mail: byang@snnu.edu.cn



摘要: 隐私保护是当前大数据信息时代所亟待解决的重要安全问题之一,而密码学是实现对内容和身份等隐私信息进行有效保护的关键理论和技术基础.基于身份的哈希证明系统(identity-based hash proof system)是一个基本的密码学原型,能够用来构造多种对隐私信息进行保护的密码方案.通过分析得知,已有基于格的基于身份哈希证明系统的密文尺寸较大,会对所构造密码方案的效率产生较大的影响.如何降低格上的基于身份哈希证明系统的密文尺寸,是一个有意义的研究问题.为此,首先基于标准带错误学习(learning with errors,简记为LWE)困难假设,在标准模型下构造了一个新的哈希证明系统,并利用随机格上离散高斯分布与光滑参数的性质,证明其是光滑的(smooth);再在随机预言机(random oracle)的作用下,利用Gentry等人所提出的原像抽样函数提取身份私钥,从而得到一个光滑并且密文尺寸较小的基于身份的哈希证明系统.作为对所构造的新型哈希证明系统的扩展,在标准模型下提出一个可更新的哈希证明系统.最后,详细分析所提出的新型构造的效率,并与已有相关构造进行对比.

关键词: 隐私保护;哈希证明系统;格;基于身份;可更新

中图法分类号: TP309

中文引用格式: 来齐齐,杨波,陈原,韩露露,白健.格上基于身份哈希证明系统的新型构造.软件学报,2018,29(7):1880-1892. <http://www.jos.org.cn/1000-9825/5357.htm>

英文引用格式: Lai QQ, Yang B, Chen Y, Han LL, Bai J. Novel construction of identity-based hash proof system based on lattices. Ruan Jian Xue Bao/Journal of Software, 2018, 29(7): 1880-1892 (in Chinese). <http://www.jos.org.cn/1000-9825/5357.htm>

Novel Construction of Identity-Based Hash Proof System Based on Lattices

LAI Qi-Qi^{1,2}, YANG Bo¹, CHEN Yuan³, HAN Lu-Lu¹, BAI Jian²

¹(School of Computer Science, Shaanxi Normal University, Xi'an 710119, China)

²(Science and Technology on Communication Security Laboratory, Chengdu 610041, China)

³(State Key Laboratory of Integrated Service Networks (Xidian University), Xi'an 710071, China)

Abstract: Privacy protection is an important security issue in today's big data information era. As one of theoretical and technical bases,

* 基金项目: 国家自然科学基金(61402353, 61572303, 61772326); 中央高校基本科研业务费(GK201603084, GK201702004); 国家重点研发计划(2017YFB0802003, 2017YFB0802004); 中国科学院信息工程研究所信息安全国家重点实验室开放课题(2017-MS-03); “十三五”国家密码发展基金(MMJJ20170216)

Foundation item: National Natural Science Foundation of China (61402353, 61572303, 61772326); Fundamental Research Funds for the Central Universities (GK201603084, GK201702004); National Key Research and Development Program of China (2017YFB0802003, 2017YFB0802004); Foundation of State Key Laboratory of Information Security, Institute of Information Engineering, CAS (2017-MS-03); National Cryptography Development Fund During the 13th Five-Year Plan Period (MMJJ20170216)

本文由“面向隐私保护的新技术与密码算法”专题特约编辑黄欣沂教授推荐.

收稿时间: 2017-05-29; 修改时间: 2017-07-13; 采用时间: 2017-08-22; jos 在线出版时间: 2017-10-17

CNKI 网络优先出版: 2017-10-17 13:38:00, <http://kns.cnki.net/kcms/detail/11.2560.TP.20171017.1338.004.html>

cryptography can be utilized to protect several kinds of privacy information, such as content and identity. Identity-Based hash proof system is a basic cryptographic primitive, which can be used to construct lots of schemes for privacy protection. Through analyzing all existing identity-based hash proof systems based on lattices, this work reveals that one of their common deficiencies is the large bit size of ciphertext, which further results in the low efficiency of the related cryptographic schemes. Thus it is of great significance to reduce the size of their ciphertexts. In this paper, a new hash proof system is first presented based on the learning with errors assumption in the standard model, and the smoothness of the system is proved through employing the properties of discrete Gaussian distribution and smooth parameter over lattices. Then, in order to transform this new hash proof system into the identity setting, the preimage sampling function proposed by Gentry, *et al.* is used to sample the identity secret key for any identity id with the help of random oracle. As an extension for this new hash proof system based on lattices, an updatable hash proof system can also be obtained in the standard model. Finally, the efficiency of these new constructions is analyzed, and a comparison with other existing constructions is performed.

Key words: privacy protection; hash proof system; lattice; identity-based; updatability

隐私保护是大数据时代受到广泛关注的一个问题.对隐私保护问题的解决程度,直接决定了移动网络、社交网络、位置服务等多种新型应用的推广程度^[1].目前,隐私保护的一个重要研究方向是新型有效的隐私保护算法的设计^[2].其中,如何发掘新型密码学理论与技术,并进一步将其用于设计能够对身份和数据等隐私信息进行更加有效保护的方案和协议,也是一个值得深入研究的问题.尤其是在量子计算机对传统密码方案和协议的潜在威胁日益严重的情况下,如何设计具有后量子安全隐私保护特性的密码学方案和协议具有更加紧迫的意义.

基于身份的哈希证明系统是由 Alwen 等人在 2010 年 Eurocrypt 会议上提出的一种新的密码学原型^[3].通过使用基于身份的哈希证明系统,可以更加简单且高效地构造多种密码学方案.而这些方案普遍具备抗密钥泄露攻击、加密或接收者身份匿名等优良的隐私保护性质^[3,4].由于存在广泛的密码学和隐私保护应用价值,基于身份的哈希证明系统自提出以来,在国内外密码学领域受到了广泛关注.

基于身份的哈希证明系统由两个基本模块组成:子集合成员关系问题和投影哈希函数.其中,子集合成员关系问题是指一个全集 C 的子集 V 中的元素与另外一个子集 V' 中的元素是计算不可区分的.投影哈希函数需要具备两个性质:投影性和光滑性.投影性是指在以 V 中的元素作为输入时,投影哈希函数有公开和私有两种不同的计算方式,但两种计算方式得到的结果是相同的.光滑性是指在以 V' 中的元素作为输入时,投影哈希函数的输出值与相应的均匀分布是统计不可区分的.在实际使用中,用户直接使用 V 中的元素作为投影哈希函数的输入.但在安全性证明过程中需要将 V 中的元素替换为 V' 中的元素作为投影哈希函数的输入,从而证明所构造的加密方案是安全的.

目前,关于基于身份的哈希证明系统构造的研究已有诸多进展.2010 年,Alwen 等人首次提出基于身份的哈希证明系统的概念,并且基于 3 个不同的困难假设提出了 3 种不同的基于身份的哈希证明系统构造方法^[3].之后,Chow 等人基于判定型双线性 DH 假设,构造了 3 个基于身份的哈希证明系统^[5].Chen 等人基于不同的困难假设提出了多个基于身份的哈希证明系统^[6,7].另外,他们还提出基于身份的可提取哈希证明系统的概念^[8,9],并利用这一概念构造基于求解型困难假设的基于身份密钥封装机制.

通过对已有基于身份的哈希证明系统进行分析得知,尽管已有众多基于传统数论假设的基于身份的哈希证明系统的构造方法,但相对而言,基于后量子假设的基于身份的哈希证明系统的构造相对较少.并且已有基于格困难假设的基于身份的哈希证明系统的效率较低,尤其是较大的密文尺寸会导致所构造的相关加密方案的效率较低.在量子计算机对传统密码系统的潜在威胁日益严峻的情况下,如何基于格构造效率更高的基于身份的哈希证明系统是一个亟待解决的研究问题.

为了能够降低格上基于身份的哈希证明系统的密文尺寸,本文首先基于标准 LWE 假设,在标准模型下构造了一个新的哈希证明系统,并利用随机格上离散高斯分布与光滑参数的性质,证明其是光滑的;再在随机谕言机的作用下,利用 Gentry 等人所提出的原像抽样函数对身份私钥进行提取^[10],从而得到一个光滑并且密文尺寸较小的基于身份的哈希证明系统.作为对所构造的新型哈希证明系统的扩展,本文也在标准模型下提出一个可更新的哈希证明系统.最后,详细分析本文所提出的新型构造的效率,并与已有相关构造进行对比.

1 预备知识和基本概念

1.1 基本概念和符号

文中, $n \in N$ 表示安全参数. 对于有限集 X , 用 $x \leftarrow X$ 表示从集合 X 中均匀随机选取元素 x . 若概率算法 \mathcal{A} 能在 d 的多项式时间内完成, 则称 \mathcal{A} 是一个概率多项式时间算法. 设函数 $f(x)$, 若对于 $\forall c \in N, \exists d_0 \in N$ 使得 $d > d_0$ 时, 满足 $|f(d)| < d^{-c}$, 则称 $f(x)$ 是一个可忽略的函数. 用 $y \leftarrow f(x)$ 表示将 x 作为函数 f 的输入, 同时将该函数的相应输出结果赋给 y . 对于两个随机变量分布 $X = (X_d)_{d \in N}$ 和 $Y = (Y_d)_{d \in N}$, 如果任意一个概率多项式时间算法成功区分这两个分布的概率是可忽略的, 则称这两个随机变量分布是计算不可区分的, 记作 $X \approx_c Y$. 用 $\Delta(X, Y)$ 表示分布 X 和 Y 之间的统计距离. 如果 $\Delta(X, Y)$ 是可忽略的, 则称这两个分布是统计接近的, 记作 $X \approx_s Y$. 给定一个数值 $a \in \mathbb{Z}_q$ 和一个向量 $\mathbf{a} \in \mathbb{Z}_q^n$, 用 $a \cdot \mathbf{a}$ 表示数值 a 与向量 \mathbf{a} 的每一个分量相乘.

1.2 基本定义和引理

定义 1(格)^[10]. 一个 m 维格是实数域 \mathbb{R}^m 的一个离散加法子群. 给定一个由 m 个线性独立的列向量组成的矩阵 $\mathbf{B} = (\mathbf{b}_1, \dots, \mathbf{b}_m) \in \mathbb{R}^m$, 则由 \mathbf{B} 作为一组基生成的 m 维格可以表示为

$$\Lambda = \mathcal{L}(\mathbf{B}) = \{\mathbf{Bc} = \sum_{i \in [m]} c_i \cdot \mathbf{b}_i : \mathbf{c} \in \mathbb{Z}^m\}.$$

事实上, 一个 m 维格拥有多组不同的基. 一般地, 将二范数较大的基称为公开基, 而将二范数较小的基称为陷门基. 给定格 Λ , 其在二范数下最小非零向量的长度记为 $\lambda_1(\Lambda) = \min_{0 \neq \mathbf{x} \in \Lambda} \|\mathbf{x}\|$. 对于任意向量 $\mathbf{x} \in \mathbb{Z}^n$, 用 $\text{dist}(\mathbf{x}, \Lambda)$ 表示向量 \mathbf{x} 和格 Λ 之间的二范数距离.

定义 2(对偶格)^[10]. 给定一个 m 维格 Λ , 定义其对偶格

$$\Lambda^* = \{\mathbf{x} \in \mathbb{R}^m : \forall \mathbf{v} \in \Lambda, \langle \mathbf{x}, \mathbf{v} \rangle \in \mathbb{Z}\}.$$

注意到 $(\Lambda^*)^* = \Lambda$.

事实上, m 维整数空间 \mathbb{Z}^m 也是一个 m 维格, 并且其对偶格还是其本身. 在密码方案的构造中, 经常用到 \mathbb{Z}^m 的子格. 给定矩阵 $\mathbf{A} \in \mathbb{Z}_q^{m \times n}$, 可以定义如下两个整数格:

$$\begin{aligned} \Lambda^\perp(\mathbf{A}) &= \{\mathbf{e} \in \mathbb{Z}^m : \mathbf{A}^T \mathbf{e} = 0 \pmod{q}\}, \\ \Lambda(\mathbf{A}) &= \{\mathbf{y} \in \mathbb{Z}^m : \exists \mathbf{s} \in \mathbb{Z}_q^n \text{ s.t. } \mathbf{y} = \mathbf{A} \mathbf{s} \pmod{q}\}. \end{aligned}$$

注意到, $\Lambda(\mathbf{A})$ 和 $\Lambda^\perp(\mathbf{A})$ 互为 q 倍数的对偶格, 即 $\Lambda^\perp(\mathbf{A}) = q(\Lambda(\mathbf{A}))^*$.

引理 1(陷门生成)^[11-13]. 给定正整数 $n \geq 1, q \geq 2$ 和 $m \geq 6n \log q$, 存在一个陷门生成算法 $\text{TrapGen}(q, n)$ 能够输出一对矩阵 $(\mathbf{A} \in \mathbb{Z}_q^{m \times n}, \mathbf{T}_\mathbf{A} \in \mathbb{Z}^{m \times m})$, 使得 \mathbf{A} 与 $\mathbb{Z}_q^{m \times n}$ 上的均匀分布是统计接近的, $\mathbf{T}_\mathbf{A}$ 是格 $\Lambda^\perp(\mathbf{A})$ 的一组陷门基, 并且以极大的概率满足

$$\|\tilde{\mathbf{T}}_\mathbf{A}\| \leq O(\sqrt{n \log q}) \text{ 和 } \|\mathbf{T}_\mathbf{A}\| \leq O(n \log q).$$

当 $m \geq O(n \log q)$ 时, 格 $\Lambda(\mathbf{A})$ 在 m 维整数空间 \mathbb{Z}^m 上是非常稀疏的.

引理 2. 若 $m \geq 3n \log q$, 所有矩阵 $\mathbf{A} \in \mathbb{Z}_q^{m \times n}$ 中除一个可忽略的部分外, 满足

$$\Pr_{\mathbf{x} \leftarrow \mathbb{Z}_q^m} [\text{dist}(\mathbf{x}, \Lambda(\mathbf{A})) \leq \sqrt{q}/4] \leq \frac{1}{q^{2n+m/2}}.$$

证明: 在 $m \geq 3n \log q$ 的参数设置下, 随机矩阵 $\mathbf{A} \in \mathbb{Z}_q^{m \times n}$ 以极大概率是满秩的. 此时, 除了一个可忽略的概率外, 格 $\Lambda(\mathbf{A})$ 在 \mathbb{Z}_q^m 的范围内应该包含有 q^n 个不同的格点. 在整个 \mathbb{Z}_q^m 空间中, 以每一个格点作为中心存在一个边长是 $\sqrt{q}/2$ 的 m 维超立方体. 该立方体的体积是 $(\sqrt{q}/2)^m$, 并且该立方体中大部分离散整数点到中心格点的距离都小于 $\sqrt{q}/2$. 因此, 可知

$$\Pr_{\mathbf{x} \leftarrow \mathbb{Z}_q^m} [\text{dist}(\mathbf{x}, \Lambda(\mathbf{A})) \leq \sqrt{q}/4] \leq \left(\frac{\sqrt{q}}{2}\right)^m \cdot \frac{q^n}{q^m} = \frac{1}{2^m} \cdot \frac{q^n}{q^{m/2}} \leq \frac{1}{q^{3n}} \cdot \frac{q^n}{q^{m/2}} = \frac{1}{q^{2n+m/2}}. \quad \square$$

引理 3. 给定正整数 $n, q, m \geq O(n \log q)$ 和矩阵 $\mathbf{A} \in \mathbb{Z}_q^{m \times n}$, 若存在一个向量 $\mathbf{y} \in \mathbb{Z}_q^m$ 使得 $\text{dist}(\mathbf{y}, \Lambda(\mathbf{A})) > \sqrt{q}/4$, 则对于任意非零整数 $a \in \mathbb{Z}_q$, 满足

$$\text{dist}(a \cdot \mathbf{y}, \Lambda(\mathbf{A})) > \sqrt{q}/4.$$

证明:对于任意向量 $\mathbf{y} \in \mathbb{Z}_q^m$, 可以将其表示为格 $\Lambda(\mathbf{A})$ 中的一个格点 $\mathbf{A}\mathbf{s} \bmod q$ 加上一个差错向量 $\mathbf{e} \in \mathbb{Z}_q^m$ 的形式, 即 $\mathbf{y} = \mathbf{A}\mathbf{s} + \mathbf{e} \bmod q \in \mathbb{Z}_q^m$. 给定 $\mathbf{s}' \in \mathbb{Z}_q^n$, 假设存在一个向量 $\mathbf{y}' = \mathbf{A}\mathbf{s}' + \mathbf{e} \bmod q$ 使得 $\text{dist}(\mathbf{y}', \Lambda(\mathbf{A})) > \sqrt{q}/4$. 此时, 向量 \mathbf{y} 同样满足 $\text{dist}(\mathbf{y}, \Lambda(\mathbf{A})) > \sqrt{q}/4$. 假设存在一个非零整数 $a' \in \mathbb{Z}_q$, 使得 $a' \cdot \mathbf{y}' = \mathbf{A}\mathbf{s}'_1 + a' \cdot \mathbf{e} \bmod q$, 并且 $\text{dist}(a' \cdot \mathbf{y}', \Lambda(\mathbf{A})) \leq \sqrt{q}/4$. 如果以上假设不成立, 则该引理 3 的结论是显然的. 否则, 可以进一步假设存在一个 $a \in \mathbb{Z}_q$ 使得 $a \cdot \mathbf{y} = \mathbf{A}\mathbf{s}_1 + a \cdot \mathbf{e} \bmod q$ 并且 $\text{dist}(a \cdot \mathbf{y}, \Lambda(\mathbf{A})) \leq \sqrt{q}/4$. 对于 $m \geq 3n \log q$ 和从 \mathbb{Z}_q^n 上的类高斯分布 $\bar{\psi}_\alpha$ 选取的差错向量 \mathbf{e} , (\mathbf{A}, \mathbf{e}) 应该以极大的概率呈列线性独立的. 由于 (\mathbf{s}_1, a) 和 (\mathbf{s}'_1, a') 是相互独立生成的, 所以这两个向量应该以极大概率呈相互线性独立的. 因此可知, $a' \cdot \mathbf{y}'$ 和 $a \cdot \mathbf{y}$ 应该均匀随机并且相互独立. 此时, 根据引理 2 的结论可知,

$$\Pr[\text{dist}(a' \cdot \mathbf{y}', \Lambda(\mathbf{A})) \leq \sqrt{q}/4 \wedge \text{dist}(a \cdot \mathbf{y}, \Lambda(\mathbf{A})) \leq \sqrt{q}/4] \leq \frac{1}{q^{4n+m}}.$$

最终, 以上概率的联合边界至多为 $q^2 \cdot q^{2n} \cdot q^m \frac{1}{q^{4n+m}}$. 注意到, 此概率仍然是可忽略的. 因此, 如果 $\text{dist}(\mathbf{y}, \Lambda(\mathbf{A})) > \sqrt{q}/4$, 则对于任何一个非零整数 $a \in \mathbb{Z}_q$, 满足 $\text{dist}(a \cdot \mathbf{y}, \Lambda(\mathbf{A})) > \sqrt{q}/4$. □

定义 3(高斯函数)^[10]. 给定任意实数 $r > 0$, 可以在 \mathbb{R}^n 上定义如下高斯函数:

$$\forall \mathbf{x} \in \mathbb{R}^n, \rho_{r, \mathbf{c}}(\mathbf{x}) = \exp\left(-\pi \|\mathbf{x} - \mathbf{c}\|^2 / r^2\right).$$

此时, 称 \mathbf{c} 为该高斯函数的中心, r 为偏差. 在这两个参数分别取 0 和 1 的情况下, 可以被默认省略表示.

对于任意离散集合 $A \subseteq \mathbb{R}^m$, 可以将高斯函数扩展到 A 上, 即

$$\rho_{r, \mathbf{c}}(A) = \sum_{\mathbf{x} \in A} \rho_{r, \mathbf{c}}(\mathbf{x}).$$

定义 4(格上的离散高斯分布)^[10]. 对于任意 $\mathbf{c} \in \mathbb{R}^n, r > 0$ 和一个 n 维格 Λ , 定义 Λ 上的离散高斯分布为

$$\forall \mathbf{x} \in \Lambda, D_{\Lambda, r, \mathbf{c}}(\mathbf{x}) = \frac{\rho_{r, \mathbf{c}}(\mathbf{x})}{\rho_{r, \mathbf{c}}(\Lambda)}.$$

引理 4(格上的离散高斯抽样)^[10]. 给定一个 m 维格 $\Lambda^\perp(\mathbf{A})$ 及其一组基 \mathbf{B} , 向量 $\mathbf{u} \in \mathbb{Z}_q^m$, 参数 $r \geq \|\tilde{\mathbf{B}}\| \cdot \omega(\sqrt{\log m})$ 和向量 $\mathbf{c} \in \mathbb{R}^m$, 存在一个概率多项式时间算法 $\text{SampleISIS}(\mathbf{A}, \mathbf{B}, \mathbf{u}, r)$, 可以从分布 $D_{\Lambda(\mathbf{A})+\mathbf{u}, r, \mathbf{c}}$ 中抽取一个向量 $\mathbf{e} \in \mathbb{Z}_q^m$, 使得 $\mathbf{A}^T \mathbf{e} \bmod q = \mathbf{u}$.

在此用 $\tilde{\mathbf{B}}$ 表示 \mathbf{B} 的施密特正交化矩阵, 并用 $\|\tilde{\mathbf{B}}\|$ 表示 $\tilde{\mathbf{B}}$ 中最长列向量的二范数长度. 该离散高斯抽样算法还具有以下重要性质.

引理 5^[3]. 给定一个 m 维格 $\Lambda^\perp(\mathbf{A})$ 的一组陷门基 \mathbf{T} , 均匀随机选取向量 $\mathbf{u} \leftarrow \mathbb{Z}_q^m$, 从离散高斯分布 $D_{\mathbb{Z}_q^m, r}$ 随机选取 $\mathbf{e} \leftarrow D_{\mathbb{Z}_q^m, r}$, 其中, $r \geq \|\tilde{\mathbf{T}}\| \cdot \omega(\sqrt{\log m})$, 则满足

$$\Delta[(\mathbf{e}, \mathbf{A}^T \cdot \mathbf{e}), (\text{SampleISIS}(\mathbf{A}, \mathbf{T}, \mathbf{u}, r), \mathbf{u})] \leq \text{negl}(n).$$

下面给出光滑参数的重要概念.

定义 5(光滑参数)^[14]. 对于任意格 Λ 和任意实数 $\epsilon > 0$, 光滑参数 $\eta_\epsilon(\Lambda)$ 被定义为使得 $\rho_{1/s}(\Lambda^* \setminus 0) \leq \epsilon$ 成立的最小正数 s .

利用对偶格在二范数下最小非零向量的长度 $\lambda_1(\Lambda^*)$ 可以给出光滑参数的一个上界.

引理 6(光滑参数的上界)^[15]. 对于任意 m 维格 Λ 和实数 $\epsilon > 0$, 满足

$$\eta_\epsilon(\Lambda) \leq \frac{\sqrt{m \log(2m(1+1/\epsilon))}/\pi}{\lambda_1(\Lambda^*)}$$

此时,对于任意函数 $\omega(\sqrt{\log m})$, 存在一个可忽略的函数 $\epsilon(m)$ 使得 $\eta_\epsilon(\Lambda) \leq \omega(\sqrt{\log m})/\lambda_1(\Lambda^*)$.

引理 7(光滑参数的性质)^[14]. 对于任意 m 维格 Λ , 向量 $\mathbf{c} \in \mathbb{R}^m$, 实数 $\epsilon > 0$ 和 $s \geq \eta_\epsilon(\Lambda)$, 满足

$$\Pr_{\mathbf{x} \leftarrow D_{\Lambda, s, \epsilon}(\mathbf{x})} [\|\mathbf{x} - \mathbf{c}\|^2 > s\sqrt{m}] \leq \frac{1+\epsilon}{1-\epsilon} \cdot 2^{-m}.$$

引理 8^[10]. 令 $m \geq 2n \log q$, 对于所有的矩阵 $\mathbf{A} \in \mathbb{Z}_q^{m \times n}$, 除可忽略的部分外, \mathbf{A}^T 的列向量的子集合可以生成 \mathbb{Z}_q^n , 即对于任意 $\mathbf{u} \in \mathbb{Z}_q^n$, 总是存在一个 $\mathbf{e} \in \{0, 1\}^m$ 使得 $\mathbf{A}^T \mathbf{e} = \mathbf{u} \bmod q$.

引理 9(光滑参数的性质)^[10]. 假如矩阵 \mathbf{A}^T 的列向量可以生成 \mathbb{Z}_q^n , 令 $\epsilon \in (0, 1/2)$ 并且 $r \geq \eta_\epsilon(\Lambda^\perp(\mathbf{A}))$, 则对于 $\mathbf{e} \leftarrow D_{\mathbb{Z}_q^m, r}$, 向量 $\mathbf{u} = \mathbf{A}^T \mathbf{e} \bmod q$ 的分布与 \mathbb{Z}_q^n 上均匀分布之间的统计距离是 2ϵ .

引理 10(LWE 假设)^[16]. 令 q 是一个素数, 随机、均匀选取矩阵 $\mathbf{A} \leftarrow \mathbb{Z}_q^{m \times n}$, 向量 $\mathbf{s} \leftarrow \mathbb{Z}_q^n$, 从 \mathbb{Z}_q 上的类高斯分布 $\bar{\psi}_\alpha$ 中选取差错向量 \mathbf{e} . 若差错因子 α 满足 $\alpha \cdot q \geq 2\sqrt{n}$, 则

$$(\mathbf{A}, \mathbf{A} \cdot \mathbf{s} + \mathbf{e}) \approx_c (\mathbf{A}, \mathbf{u}),$$

其中, 向量 \mathbf{u} 是从 \mathbb{Z}_q^n 上随机、均匀选取的. 进一步地, 可以将该判定型 LWE 问题表示为 $DLWE_{n, q, \alpha}$. 根据文献[16]的归约结论, 求解 $DLWE_{n, q, \alpha}$ 问题的困难性不小于求解近似因子为 $\tilde{O}(n/\alpha)$ 的格上近似 SVP 问题的困难性. 关于 \mathbb{Z}_q 上的类高斯分布 $\bar{\psi}_\alpha$, 有如下重要事实.

引理 11(\mathbb{Z}_q 上的离散高斯分布 $\bar{\psi}_\alpha$ 的性质)^[17, 18]. 给定 $\alpha > 0$ 和模整数 $q \in \mathbb{Z}$, 给定任意 $\mathbf{x} \in \mathbb{Z}_q^n$ 和 $\mathbf{y} \leftarrow \bar{\psi}_\alpha^n$, 则以极大概率可以得到

$$|\langle \mathbf{x}, \mathbf{y} \rangle| \leq \|\mathbf{x}\| \cdot \alpha q \cdot \omega(\sqrt{\log n}) + \|\mathbf{x}\| \cdot \sqrt{n}/2.$$

进一步地, 如果选取 \mathbf{x} 是与 \mathbf{y} 方向相同的单位向量, 就能够以极大的概率得到 $\|\mathbf{y}\| \leq \alpha q \cdot \omega(\sqrt{\log n}) + \sqrt{n}/2$.

1.3 哈希证明系统与基于身份的哈希证明系统

本文利用密钥封装机制描述基于身份的哈希证明系统. 令 C, V, V', K, SK, PK 是非空可数集合. 其中, $V \subseteq C$ 是一个语言, 即对于任意 $c \in V$, 存在一个证据 $w \in \{0, 1\}^*$ 使得 (c, w) 满足某个二元关系 R . 在此, 用 C 表示所有密文的集合, V 表示所有合法密文的集合, V' 表示所有非法密文的集合, K 表示所有被封装密钥的集合, PK 表示封装算法的密钥集合, SK 表示解封装算法的密钥集合.

定义 6(投影哈希函数)^[19, 20]. 对于任意 $sk \in SK$, 令 $H_{sk}: C \rightarrow K$ 是一个以 sk 为索引的哈希函数. 对于任意 $c \in V$, 存在一个 $w \in \{0, 1\}^*$ 使得 (c, w) 满足某个二元关系 R . 如果存在一个投影 $\mu: SK \rightarrow PK$, 使得 $H_{sk}(c)$ 的值可以由 $pk = \mu(sk)$, c 和 w 计算出来, 则称 H_{sk} 是一个投影哈希函数.

定义 7(光滑性)^[19, 20]. 给定投影哈希函数 H_{sk} , 随机选取 $sk \leftarrow SK, k \leftarrow K$, 对于任意 $c \leftarrow V'$, 定义随机二元组 $u(H_{sk}) = (pk, k), v(H_{sk}) = (pk, H_{sk}(c))$, 其中, $pk = \mu(sk)$. 如果 $u(H_{sk})$ 和 $v(H_{sk})$ 之间的统计距离是可忽略的, 则称投影哈希函数 H_{sk} 是光滑的.

定义 8(哈希证明系统)^[19, 20]. 一个哈希证明系统由以下 3 个算法(Param, Pub, Priv)组成.

Param(1^n): 给定安全参数 n , 输出参数 $(group, K, C, V, V', PK, SK, H_{(\cdot)}, \mu)$, 其中, $group$ 包含一些公开参数, 并且哈希函数 $H_{(\cdot)}$ 和私钥投影函数 μ 是可以有效计算的.

Pub(pk, c, w): 给定公钥 $pk = \mu(sk)$, 合法密文 $c \in V$ 及其相应的证据 w , 输出被封装密钥值 $k = H_{pk}(c, w)$.

Priv(sk, c): 给定私钥 sk 和密文, 输出 $k = H_{sk}(c)$.

一般地, 哈希证明系统要求子集成员关系问题是困难的, 即合法密文 $c \leftarrow V$ 和非法密文 $c' \leftarrow V'$ 是计算不可区分的. 如果算法 **Param**(1^n) 所有可能输出的投影哈希函数 $H_{(\cdot)}$ 都是光滑的, 则称该哈希证明系统是光滑的.

在此基础上, 结合基于身份的思想可以得到以下基于身份的哈希证明系统的定义.

定义 9(基于身份的哈希证明系统)^[10]. 一个哈希证明系统由以下 5 个算法(Setup,KeyGen,Encap,Encap*,Decap)组成.

Setup(1^n):给定安全参数 n ,输出一对主公钥 mpk 和主私钥 msk ,并且生成参数 $(K,C,V,V',ID,SK,H_{(\cdot)})$,同样要求哈希函数 $H_{(\cdot)}$ 是可以有效计算的.

KeyGen(mpk,msk,id):对于任意身份 $id \in ID$,利用 mpk 和 msk 提取一个身份私钥 sk_{id} .

Encap(mpk,id):对于任意身份 $id \in ID$,该合法封装算法首先随机选取一个合法密文 $c \leftarrow V$ 及其相关证据 w ,然后计算相应封装密钥 $k = H(mp, id, c, w)$,最后输出 (c,k) .

Encap*(mpk,id):对于任意身份 $id \in ID$,该非法封装算法随机选取一个非法密文 $c \leftarrow V'$,最后输出 c .

Decap(mpk,sk_{id},c):给定身份私钥 sk_{id} 和密文 c ,该解封算法输出 $k = H_{sk_{id}}(c)$.

与哈希证明系统不同,基于身份的哈希证明系统的合法密文与非法密文的不可区分需要通过一个攻击者和挑战者之间的交互式游戏进行定义和论证,并且该游戏的交互过程要求攻击者可以得到包括挑战身份在内的所有身份的私钥.该交互式游戏可以具体描述如下.

Setup:挑战者可以运行系统生成算法 **Setup**(1^n)得到一个主公私钥对(mpk,msk),并且将主公钥 mpk 发送给攻击者.

KeyGen1:攻击者可以适应性地选择身份 $id \in ID$ 向挑战者进行询问,挑战者返回该身份对应的身份私钥 sk_{id} .

Challenge:攻击者选取任意身份 $id^* \in ID$ 作为挑战身份进行询问.此时挑战者随机选取一个比特 $b \leftarrow \{0,1\}$.如果 $b=0$,则挑战者向攻击者返回 $Encap(mp, id)$,否则返回 $Encap^*(mp, id)$.

KeyGen2:与第 1 个阶段的身份私钥询问相同,攻击者可以适应性地选择身份 $id \in ID$ 向挑战者进行询问,挑战者返回该身份对应的身份私钥 sk_{id} .

Output:攻击者输出一个比特 $b' \leftarrow \{0,1\}$ 作为整个游戏的输出.

如果 $b=b'$,则认为攻击者赢得了游戏.注意到,在以上游戏中,挑战者对于相同的身份 $id \in ID$ 的私钥询问只能返回相同的身份私钥.同时,挑战身份 $id^* \in ID$ 有可能在两个阶段的身份私钥询问阶段中被询问过.如果攻击者在以上游戏中成功的优势是可以忽略的,则意味着基于身份的哈希证明系统的合法密文和非法密文是不可区分的.

2 基于 LWE 假设的哈希证明系统

2.1 基于LWE假设的哈希证明系统的构造

基于 LWE 的哈希证明系统 $HPS=(Param, Pub, Priv)$ 可以按如下方式进行具体描述.

Param(1^n):给定安全参数 n ,输出参数 $(group, K, C, V, V', PK, SK, H_{(\cdot)}, \mu)$, 其中,

- $group = (\mathbb{Z}, q, m, \mathbf{A}, \beta, r)$, q 是一个素数, $m = 2n \log q$ 是所用到的格的维数,随机均匀选取矩阵 $\mathbf{A} \leftarrow \mathbb{Z}_q^{m \times n}$, $\beta \in (0,1)$ 和 $r = \sqrt{q\omega(\sqrt{\log m})}$ 是两个实数,满足 $\beta q \geq 2\sqrt{n}$ 和 $\beta \leq \sqrt{2\pi}/(r\sqrt{m} \cdot \omega(\sqrt{\log n}))$.

- $V = \{\mathbf{As} + \mathbf{e} \bmod q : \mathbf{s} \leftarrow \mathbb{Z}_q^n, \mathbf{e} \leftarrow \bar{\nu}_\beta^m\}$, $V' = \{\mathbf{As} + \mathbf{e} \bmod q : \mathbf{s} \leftarrow \mathbb{Z}_q^n, \|\mathbf{e}\| \geq \sqrt{q}/4\}$, $K = \{0,1\}$.

- SK 是 \mathbb{Z}^m 上的离散高斯分布 $D_{\mathbb{Z}^m, r}$, $PK = \mathbb{Z}_q^n$.

- 对于任意私钥 $sk := \mathbf{v} \leftarrow D_{\mathbb{Z}^m, r}$, 其对应的公钥为 $pk := \mathbf{y} = \mu(sk) = \mathbf{A}^T \mathbf{v} \bmod q$.

Pub(pk, c, w):给定一个合法密文 $c := \mathbf{x} = \mathbf{As} + \mathbf{e} \bmod q \in V$, 其对应的证据是 $\mathbf{s} \in \mathbb{Z}_q^n$, 差错向量是 $\mathbf{e} \leftarrow \bar{\nu}_\beta^m$. 计算 $z = \langle \mathbf{y}, \mathbf{s} \rangle \bmod q$, 如果 z 与 0 之间的距离小于 z 与 $\lfloor q/2 \rfloor$ 之间的距离,输出 $k=0$;反之,输出 $k=1$.

Priv(sk, c):给定密文 $c := \mathbf{x}$ 和私钥 $sk := \mathbf{v}$, 计算 $z = \langle \mathbf{v}, \mathbf{x} \rangle \bmod q$, 如果 z 与 0 之间的距离小于 z 与 $\lfloor q/2 \rfloor$ 之间的距离,输出 $k=0$;反之,输出 $k=1$.

由引理 4 可知,在 $r = \sqrt{q\omega(\sqrt{\log m})} > \omega(\sqrt{\log m})$ 的情况下,离散高斯分布 $D_{\mathbb{Z}^m, r}$ 是在多项式时间内有效抽

样的.上述哈希证明系统中的所有其他分布也都可以进行有效抽样.因此,该哈希证明系统中的所有计算都是可以有效进行的.

与文献[6,7,10]中的基于格的哈希证明系统相类似,本节所提构造中的模数是安全参数的亚指数,并且 $K = \{0,1\}$.事实上,在从离散高斯分布 $D_{\mathbb{Z}_q^m, r}$ 中独立选取多个私钥 $(\mathbf{v}_1, \dots, \mathbf{v}_l)$ 的情况下,可以将封装密钥集合扩展为 $K = \{0,1\}^l$.

2.2 哈希证明系统的证明

定理 1. 给定安全参数 n , 令 $q = 2^{\omega(\log n)}$, $m = 2n \log q$, $r = \sqrt{q} \omega(\sqrt{\log m})$, $2\sqrt{n}/q \leq \beta \leq \sqrt{2\pi}/(r\sqrt{2mn})$, 则上述哈希证明系统 HPS 在 LWE 假设下是光滑的.

证明:整个证明过程可被分为以下 3 个部分:子集成员关系问题、正确性和光滑性.

引理 12(子集和成员不可区分). 上述基于 LWE 的哈希证明系统所对应的子集和成员关系问题是计算困难的.

证明:给定 $\mathbf{A} \leftarrow \mathbb{Z}_q^m$ 作为公共参数中的随机矩阵,则合法密文和非法密文集合可分别表示为

$$V = \{\mathbf{A}\mathbf{s} + \mathbf{e} \bmod q : \mathbf{s} \leftarrow \mathbb{Z}_q^n, \mathbf{e} \leftarrow \bar{\psi}_\beta^m\}, \text{ 其中, } \beta q \geq 2\sqrt{n}$$

和

$$V' = \{\mathbf{A}\mathbf{s} + \mathbf{e} \bmod q : \mathbf{s} \leftarrow \mathbb{Z}_q^n, \|\mathbf{e}\| \geq \sqrt{q}/4\}.$$

显然,所有密文的集合 C 是 \mathbb{Z}_q^m 的一个子集.事实上,矩阵 \mathbf{A} 定义了格

$$\Lambda(\mathbf{A}) = \{\mathbf{y} \in \mathbb{Z}^m : \exists \mathbf{s} \in \mathbb{Z}_q^n \text{ s.t. } \mathbf{y} = \mathbf{A}\mathbf{s} \bmod q\}.$$

同时注意到,合法密文集合 V 中的所有元素到格 $\Lambda(\mathbf{A})$ 的距离可以记为 $\|\mathbf{e}\|$, 并且由引理 11 可知,

$$\|\mathbf{e}\| \leq \beta q \cdot \omega(\sqrt{\log m}) + \sqrt{m}/2.$$

相对而言,非法密文集合 V' 中的元素到格 $\Lambda(\mathbf{A})$ 的距离比较远.由格 $\Lambda(\mathbf{A})$ 的性质和参数 $\beta \leq \sqrt{2\pi}/(r\sqrt{2mn})$ 可知,对于任意 $\mathbf{x} \in V$, 其相应的证据就是使得 $\|\mathbf{x} - \mathbf{A}\mathbf{s}\| \leq \beta q \cdot \omega(\sqrt{\log m}) + \sqrt{m}/2$ 成立的向量 $\mathbf{s} \in \mathbb{Z}_q^n$. 进一步根据引理 10 可知,对于任意 $\mathbf{x} \in V$ 和随机均匀 $\mathbf{u} \leftarrow \mathbb{Z}_q^m$ 可知, $(\mathbf{A}, \mathbf{x}) \approx_c (\mathbf{A}, \mathbf{u})$. 因此,相关的子集和成员关系问题是计算困难的.证毕. \square

引理 13(正确性). 上述基于 LWE 的哈希证明系统满足正确性的要求.

证明:给定公开矩阵 $\mathbf{A} \leftarrow \mathbb{Z}_q^m$ 和合法密文 $\mathbf{x} \in V$, 存在唯一的证据向量 $\mathbf{s} \in \mathbb{Z}_q^n$ 和差错向量 $\mathbf{e} \leftarrow \bar{\psi}_\beta^m$ 使得 $\mathbf{x} = \mathbf{A}\mathbf{s} + \mathbf{e} \bmod q$. 因此,

$$\begin{aligned} \langle \mathbf{v}, \mathbf{x} \rangle \bmod q &= \langle \mathbf{v}, \mathbf{x} = \mathbf{A}\mathbf{s} + \mathbf{e} \rangle \bmod q \\ &= (\langle \mathbf{v}, \mathbf{A}\mathbf{s} \rangle + \langle \mathbf{v}, \mathbf{e} \rangle) \bmod q \\ &= (\langle \mathbf{A}^T \mathbf{v}, \mathbf{s} \rangle + \langle \mathbf{v}, \mathbf{e} \rangle) \bmod q \\ &= (\langle \mathbf{y}, \mathbf{s} \rangle + \langle \mathbf{v}, \mathbf{e} \rangle) \bmod q. \end{aligned}$$

由引理 7 可知,对于 $\mathbf{v} \leftarrow D_{\mathbb{Z}_q^m, r}$, 其二范数以极大的概率满足 $\|\mathbf{v}\| \leq r\sqrt{m}$. 根据 $\bar{\psi}_\beta$ 的定义,令 $e_i = q \cdot t_i \bmod q$, 其中, t_i 是以 0 为期望、 $\beta^2/2\pi$ 为方差的独立正态分布变量.因此, $\|\mathbf{e} - \mathbf{t}\| \leq \sqrt{m}/2$, 并且由柯西-施瓦兹不等式可知, $|\langle \mathbf{v}, \mathbf{e} \rangle - \langle \mathbf{v}, \mathbf{t} \rangle| \leq rm/2$. 进一步地,由于 t_i 是独立均匀选取的, $\langle \mathbf{v}, \mathbf{t} \rangle$ 也是一个以 0 为期望的正态分布,并且其标准差为 $\|\mathbf{v}\| \cdot \beta/\sqrt{2\pi} \leq r\sqrt{m} \cdot \beta/\sqrt{2\pi} \leq 1/\sqrt{2n}$. 由正态变量的尾不等式可知, $|\langle \mathbf{v}, \mathbf{t} \rangle| > 1$ 的概率是可忽略的.因此, $|\langle \mathbf{v}, \mathbf{e} \rangle| > rm/2 + 1$ 的概率也是可忽略的.

注意到,由于 $\mathbf{s} \in \mathbb{Z}_q^n$ 是随机均匀的, $\langle \mathbf{y}, \mathbf{s} \rangle \bmod q$ 也服从 \mathbb{Z}_q 上的均匀分布.对于正确性而言,只需要证明算法 Priv 输出错误比特的概率是可忽略的.通过分析得知,这个事件发生当且仅当 $\langle \mathbf{y}, \mathbf{s} \rangle \bmod q$ 与 $\lfloor q/4 \rfloor$ 或 $\lfloor 3q/4 \rfloor$ 之间的距离小于 $rm/2 + 1$. 令 $d = rm/2 + 1$, $\langle \mathbf{y}, \mathbf{s} \rangle \bmod q$ 有 $4d$ 个取值使得算法 Priv 输出错误比特.此时,对于 $q = 2^{\omega(\log n)}$,

$$\frac{4d}{q} < \frac{4rm}{q} = \frac{8n\sqrt{q}\omega(\sqrt{\log m})\omega(\log n)}{q} = \frac{8n\sqrt{q}\omega(\sqrt{\log m})\omega(\log n)}{2^{\omega(\log n)}} \leq \text{negl}(n).$$

因此,对于任意合法密文向量 $\mathbf{x} \in V$, 两种不同计算方式的输出是以极大概率相同的. 证毕. \square

引理 14(光滑性). 上述基于 LWE 的哈希证明系统满足光滑性的要求.

证明:根据非法密文集合 V' 的定义可知,对于任意非法密文向量 $\mathbf{x} \in V'$, \mathbf{x} 到格 $\Lambda(\mathbf{A})$ 之间的距离大于 $\sqrt{q}/4$. 由引理 3 可知,对于任意非零 $a \in \mathbb{Z}_q$, $\text{dist}(a \cdot \mathbf{x}, \Lambda(\mathbf{A})) \geq \sqrt{q}/4$. 此时,令 $\mathbf{A}' = (\mathbf{A} | \mathbf{x})$. 由引理 2 可知, \mathbf{x} 与 \mathbb{Z}_q^m 上的均匀分布是统计不可区分的. 进一步可得 \mathbf{A}' 与 $\mathbb{Z}_q^{m \times (n+1)}$ 上的均匀分布之间的统计距离是不可区分的,并且 $\lambda_1(\mathbf{A}') > \sqrt{q}/4$. 接着由引理 6 和 $\Lambda(\mathbf{A}')$ 与 $\Lambda^\perp(\mathbf{A}')$ 之间的对偶关系可知,

$$\eta_c(\Lambda^\perp(\mathbf{A}')) \leq \omega(\sqrt{\log m}) \left/ \left(\frac{1}{q} \cdot \lambda(\Lambda(\mathbf{A}')) \right) \right. \leq \sqrt{q}\omega(\sqrt{\log m}).$$

由引理 8 和引理 9 可知,对于任意 $\mathbf{v} \leftarrow D_{\mathbb{Z}_q^m, r}$, 其中, $r \geq \sqrt{q}\omega(\sqrt{\log m})$, 向量 $\mathbf{u}' = (\mathbf{A}')^T \cdot \mathbf{v} \bmod q$ 与 \mathbb{Z}_q^{n+1} 上均匀分布之间的统计距离是可以忽略的. 因此,对于任意 $\mathbf{x} \in V'$, 满足

$$(\mathbf{A}^T \cdot \mathbf{v}, \langle \mathbf{v}, \mathbf{x} \rangle \bmod q) \approx_s (\mathbf{A}^T \cdot \mathbf{v}, u),$$

其中, u 是 \mathbb{Z}_q 上的随机均匀变量. 也就是说,在给定公钥 $\mathbf{y} = \mathbf{A}^T \mathbf{v} \bmod q$ 、非法密文向量 $\mathbf{x} \in V'$ 的情况下, $\langle \mathbf{v}, \mathbf{x} \rangle \bmod q$ 和 u 仍然是统计不可区分的. 因此,该基于 LWE 假设的哈希证明系统是光滑的. 证毕. \square

综上所述,由上面 3 个引理可知,定理 1 成立. 证毕. \square

3 基于 LWE 假设的基于身份的哈希证明系统

3.1 基于 LWE 假设的基于身份的哈希证明系统的构造

在基于身份的哈希证明系统的构造中,需要用到随机谕言机 $H: \{0,1\}^* \rightarrow \mathbb{Z}_q^n$, 将任意身份映射为 \mathbb{Z}_q^n 中的向量. 本节所提出的基于 LWE 的基于身份的哈希证明系统 IB-HPS=(Setup,KeyGen,Encap,Encap*,Decap)可按如下方式进行具体描述.

Setup(1^n):运行引理 1 中的陷门生成算法 TrapGen 生成矩阵 $\mathbf{A} \in \mathbb{Z}_q^{m \times n}$ 和陷门矩阵 $\mathbf{T} \in \mathbb{Z}^{m \times m}$. 输出主公钥 $\text{mpk} := \mathbf{A}$, 主私钥 $\text{msk} := \mathbf{T}$.

KeyGen($\text{mpk}, id, \text{msk}$):令 $\mathbf{u} = H(id)$, 利用陷门矩阵 $\mathbf{T} \in \mathbb{Z}^{m \times m}$ 运行 SampleSIS($\mathbf{A}, \mathbf{T}, \mathbf{u}, r$) 抽取向量 $\mathbf{v} \in \mathbb{Z}^m$ 使得 $\mathbf{A}^T \mathbf{v} \bmod q = \mathbf{u}$. 输出身份私钥 $sk_{id} := \mathbf{v}$.

Encap(mpk, id):令 $\mathbf{u} = H(id)$, 随机选取 $\mathbf{s} \leftarrow \mathbb{Z}_q^n$ 和 $\mathbf{e} \leftarrow \bar{\nu}_\beta^m$, 计算 $\mathbf{x} = \mathbf{A}\mathbf{s} + \mathbf{e} \bmod q$. 令 $z = \langle \mathbf{u}, \mathbf{s} \rangle \bmod q$. 如果 z 与 0 之间的距离小于 z 与 $\lfloor q/2 \rfloor$ 之间的距离, 令 $b=0$; 反之, 令 $b=1$. 输出 $(c, k) := (\mathbf{x}, b)$.

Encap*(mpk, id):随机选取 $\mathbf{s} \leftarrow \mathbb{Z}_q^n$ 和向量 \mathbf{e} 满足 $\|\mathbf{e}\| \geq \sqrt{q}/4$, 计算 $\mathbf{x} = \mathbf{A}\mathbf{s} + \mathbf{e} \bmod q$. 输出 $c := \mathbf{x}$.

Decap(c, sk_{id}):给定 $c := \mathbf{x} \in \mathbb{Z}_q^m$ 和 $sk_{id} := \mathbf{v} \in \mathbb{Z}^m$, 计算 $z = \langle \mathbf{v}, \mathbf{x} \rangle \bmod q$. 如果 z 与 0 之间的距离小于 z 与 $\lfloor q/2 \rfloor$ 之间的距离, 输出 0; 反之, 输出 1.

3.2 基于身份的哈希证明系统的证明

定理 2. 给定安全参数 n , 令 $q = 2^{\omega(\log n)}$, $m = 2n \log q$, $r = \sqrt{q}\omega(\sqrt{\log m})$, $2\sqrt{n}/q \leq \beta \leq \sqrt{2\pi}/(r\sqrt{2mn})$, 则上述基于身份的哈希证明系统 IB-HPS 在 LWE 假设下是光滑的.

证明:对于正确性而言,给定合法密文 $c := \mathbf{x} \in \mathbb{Z}_q^m$ 和 $sk_{id} := \mathbf{v} \in \mathbb{Z}^m$, 可知

$$\begin{aligned} \langle \mathbf{v}, \mathbf{x} \rangle \bmod q &= \langle \mathbf{v}, \mathbf{x} = \mathbf{A}\mathbf{s} + \mathbf{e} \rangle \bmod q \\ &= (\langle \mathbf{v}, \mathbf{A}\mathbf{s} \rangle + \langle \mathbf{v}, \mathbf{e} \rangle) \bmod q \\ &= (\langle \mathbf{A}^T \mathbf{v}, \mathbf{s} \rangle + \langle \mathbf{v}, \mathbf{e} \rangle) \bmod q \\ &= (\langle \mathbf{u}, \mathbf{s} \rangle + \langle \mathbf{v}, \mathbf{e} \rangle) \bmod q. \end{aligned}$$

由引理 13 可知,在上述定理 2 的参数设置下, $\langle \mathbf{v}, \mathbf{e} \rangle \bmod q$ 的值以极大的概率不会影响 $b=0$ 或 $b=1$.

对于光滑性而言,给定任意非法密文 $\mathbf{x} \in V'$ 满足 $\text{dist}(\mathbf{x}, \Lambda(\mathbf{A})) \geq \sqrt{q}/4$, 令 $\mathbf{A}' = (\mathbf{A} | \mathbf{x})$. 与引理 14 中的分析相类似,可知 $\lambda_1(\mathbf{A}') \geq \sqrt{q}/4$. 进一步地,由引理 6 可知,

$$\eta_c(\Lambda^{-1}(\mathbf{A}')) \leq \omega(\sqrt{\log m}) \left/ \left(\frac{1}{q} \cdot \lambda_1(\mathbf{A}') \right) \right. \leq \sqrt{q} \omega(\sqrt{\log m}).$$

由引理 5 可知,对于均匀随机向量 $\mathbf{u} = H(id)$, 算法 SampleISIS 输出向量 \mathbf{v} 的分布与离散高斯分布 $D_{\mathbb{Z}_q^{m,r}}$ 之间的统计距离是可忽略的. 因此,由引理 8 和引理 9 可知,向量 $\mathbf{u}' = (\mathbf{A}')^T \cdot \mathbf{v} \bmod q$ 与 \mathbb{Z}_q^{n+1} 上均匀分布之间的统计距离是可以忽略的. 因此,对于任意 $\mathbf{x} \in V'$, 满足

$$(\mathbf{A}'^T \cdot \mathbf{v}, \langle \mathbf{v}, \mathbf{x} \rangle \bmod q) \approx_s (\mathbf{A}'^T \cdot \mathbf{v}, u),$$

其中, u 是 \mathbb{Z}_q 上的随机均匀变量. 也就是说,对于任意身份 id 使得 $\mathbf{u} = H(id)$, 在给定 $\mathbf{u} = \mathbf{A}'^T \mathbf{v} \bmod q$, 非法密文向量 $\mathbf{x} \in C \setminus V$ 的情况下, $\langle \mathbf{v}, \mathbf{x} \rangle \bmod q$ 和 u 仍然是统计不可区分的. 因此,该基于 LWE 假设的哈希证明系统是光滑的.

对于合法密文和非法密文的计算不可区分问题而言,可以建立一个从有效的判定型 LWE 问题到有效区分合法密文和非法密文问题的黑盒归约. 即给定一个有效区分合法密文和非法密文的攻击者 \mathcal{A} , 可以构造出一个有效算法 \mathcal{B} 用于判定一个谕言机 \mathcal{O} 是 LWE 谕言机还是均匀谕言机. 按照基于身份的哈希证明系统的定义要求,用下面的游戏描述 \mathcal{B} 和 \mathcal{A} 之间的交互过程.

Setup: \mathcal{B} 首先对谕言机 \mathcal{O} 询问 m 次,得到 $\{(\mathbf{a}_i, b_i)_{i \in [m]}\}$. 将 \mathbf{a}_i^T 作为矩阵 $\mathbf{A} \in \mathbb{Z}_q^{m \times n}$ 的第 i 个列向量,并将 \mathbf{A} 作为主公钥发送给攻击者 \mathcal{A} .

KeyGen1: \mathcal{B} 建立一个用于存储三元组 $(id, \mathbf{u}, \mathbf{v}) \in \{0,1\}^* \times \mathbb{Z}_q^n \times \mathbb{Z}_q^m$ 的表 L , 该表的初始值为空. 为了回答由 \mathcal{A} 提出的针对身份 id 的私钥提取询问, \mathcal{B} 首先检查表 L 中是否存在 (id, \cdot, \cdot) 的三元组. 如果存在, 则将该三元组中的第 3 个元素 \mathbf{v} 作为相应的身份私钥 sk_{id} 返回给 \mathcal{A} . 如果不存在这样的三元组, 则随机选取一个向量 $\mathbf{v} \leftarrow D_{\mathbb{Z}_q^{m,r}}$, 将三元组 $(id, \mathbf{A}^T \mathbf{v}, \mathbf{v})$ 添加到表 L 中, 并将 \mathbf{v} 作为相应的身份私钥 sk_{id} 返回给 \mathcal{A} . 针对攻击者 \mathcal{A} 对于身份 id 的随机谕言机询问, \mathcal{B} 首先检查表 L 中是否存在 (id, \cdot, \cdot) 的三元组. 如果存在, 则将该三元组中的第 2 个元素 \mathbf{u} 作为对身份 id 的随机谕言机输出值 $H(id)$ 返回给 \mathcal{A} . 如果不存在这样的三元组, 则随机选取一个向量 $\mathbf{v} \leftarrow D_{\mathbb{Z}_q^{m,r}}$, 将三元组 $(id, \mathbf{A}^T \mathbf{v}, \mathbf{v})$ 添加到表 L 中, 并将 $\mathbf{A}^T \mathbf{v}$ 作为对身份 id 的随机谕言机输出值 $H(id)$ 返回给 \mathcal{A} .

Challenge: \mathcal{A} 针对身份 id^* 向 \mathcal{B} 发出挑战询问, \mathcal{B} 将向量 $\mathbf{c} = (b_1, \dots, b_m)^T$ 作为挑战密文返还给 \mathcal{A} .

KeyGen2: \mathcal{B} 用 KeyGen1 中的方法回答 \mathcal{A} 的私钥提取询问和随机谕言机询问.

Output: \mathcal{B} 得到从 \mathcal{A} 返回的一个比特 b' , 并将其转发给判定型 LWE 问题的挑战者.

在真实的游戏,对于某个身份 id , 攻击者 \mathcal{A} 所能得到的信息包括一个随机矩阵 $\mathbf{A} \in \mathbb{Z}_q^{m \times n}$ 、统计均匀的向量 $H(id) = \mathbf{u} \in \mathbb{Z}_q^n$ 和一个随机向量 $sk_{id} := \mathbf{v} \in D_{\mathbb{Z}_q^{m,r}}$. 对上述交互式游戏进行详细分析得知,由向量 $(\mathbf{a}_i)_{i \in [m]}$ 生成的矩阵 \mathbf{A} 是均匀随机的. 由引理 5 和算法 SampleISIS 的性质可知,以上交互式游戏中 $H(id)$ 和 sk_{id} 的联合分布与真实游戏中的分布是相同的. 因此,以上游戏对 \mathcal{A} 攻击环境的模拟是合理的.

进一步地,如果 \mathcal{O} 是 LWE 谕言机,则返回的挑战密文向量 $\mathbf{c} = (b_1, \dots, b_m)^T$ 与算法 Encap(id^*) 的输出向量是同分布的. 反之, $\mathbf{c} = (b_1, \dots, b_m)^T$ 与算法 Encap*(id^*) 的输出向量是同分布的. 因此,由 \mathcal{A} 可以构造一个有效区分 LWE 谕言机的算法 \mathcal{B} .

综上所述,本节所提出的 IB-HPS 是光滑的. 证毕. □

4 基于 LWE 假设的可更新哈希证明系统

通常,哈希证明系统可以直接用来构造抵抗密钥泄露攻击的加密方案. 但是前面提到的两个基于格的哈希证明系统只能用来构造相对泄露模型和有界泄露模型下的加密方案. 为了进一步构造能够抵抗连续泄露攻击的加密方案,本节将第 3 节中所提出的哈希证明系统扩展为可更新的哈希证明系统.

注意到, Yang 等人已经给出了一种构造可更新的哈希证明系统的方法^[21]. 为了实现对密钥的安全更新, Yang 等人提出了一种新的抽样方法, 并且要求私钥具有两种不可区分性质. 但是, Yang 等人所提出的可更新哈希证明系统并不能抵抗潜在的量子攻击威胁. 因此, 如何设计具有后量子安全性的可更新哈希证明系统是一个有意义的研究问题.

通过对第 3 节中所提出的基于 LWE 哈希证明系统进行分析得知, 利用已有的高斯抽样算法 SampleISIS 的特性, 可以很容易地对其私钥进行更新. 并且由算法 SampleISIS 的输出值服从独立离散高斯分布的特性可以证明, 该更新方法是安全的. 但该构造中需要引入更新密钥作为算法 SampleISIS 的输入.

4.1 可更新哈希证明系统的构造

基于 LWE 的可更新哈希证明系统 UHPS=(Param, Pub, Priv, KeyUpd)可按如下方式进行具体描述.

Param(1^n): 给定安全参数 n , 输出参数 $(group, K, C, V, V', PK, SK, H_{(·)}, \mu)$, 其中,

- $group = (\mathbb{Z}, q, m, \mathbf{A}, \mathbf{T}, \beta, r)$, q 是一个素数, $m = 2n \log q$ 是所用到的格的维数, 随机、均匀选取矩阵 $\mathbf{A} \leftarrow \mathbb{Z}_q^{m \times n}$, $\beta \in (0, 1)$ 和 $r = \sqrt{q\omega(\sqrt{\log m})}$ 是两个实数, 满足 $\beta q \geq 2\sqrt{n}$ 和 $\beta \leq \sqrt{2\pi}/(r\sqrt{m} \cdot \omega(\sqrt{\log n}))$. 运行陷门生成算法 TrapGen 生成矩阵 $\mathbf{A} \in \mathbb{Z}_q^{m \times n}$ 和陷门矩阵 $\mathbf{T} \in \mathbb{Z}^{m \times m}$. 其中, 矩阵 \mathbf{A} 与 $\mathbb{Z}_q^{m \times n}$ 上的均匀分布是统计不可区分的, 并且 $\|\tilde{\mathbf{T}}\| = O(\sqrt{n \log q})$.

- SK 是 \mathbb{Z}^m 上的离散高斯分布 $D_{\mathbb{Z}^m, r}$, $PK = \mathbb{Z}_q^n$.

- 对于任意私钥 $sk := \mathbf{v} \leftarrow D_{\mathbb{Z}^m, r}$, 其对应的公钥为 $pk := \mathbf{y} = \mu(sk) = \mathbf{A}^T \mathbf{v} \bmod q$.

- $V = \{\mathbf{A}\mathbf{s} + \mathbf{e} \bmod q : \mathbf{s} \leftarrow \mathbb{Z}_q^n, \mathbf{e} \leftarrow \bar{\nu}_\beta^m\}$, $V' = \{\mathbf{A}\mathbf{s} + \mathbf{e} \bmod q : \mathbf{s} \leftarrow \mathbb{Z}_q^n, \|\mathbf{e}\| \geq \sqrt{q}/4\}$, $K = \{0, 1\}$.

Pub(pk, c, w): 给定一个合法密文 $c := \mathbf{x} = \mathbf{A}\mathbf{s} + \mathbf{e} \bmod q \in V$, 其对应的证据是 $\mathbf{s} \in \mathbb{Z}_q^n$, 差错向量是 $\mathbf{e} \leftarrow \bar{\nu}_\beta^m$. 计算 $z = \langle \mathbf{y}, \mathbf{s} \rangle \bmod q$, 如果 z 与 0 之间的距离小于 z 与 $\lfloor q/2 \rfloor$ 之间的距离, 输出 $k=0$; 反之, 输出 $k=1$.

Priv(sk, c): 给定密文 $c := \mathbf{x}$ 和私钥 $sk := \mathbf{v}$, 计算 $z = \langle \mathbf{v}, \mathbf{x} \rangle \bmod q$, 如果 z 与 0 之间的距离小于 z 与 $\lfloor q/2 \rfloor$ 之间的距离, 输出 $k=0$; 反之, 输出 $k=1$.

KeyUpd(\mathbf{T}, sk): 对于 $sk := \mathbf{v} \leftarrow D_{\mathbb{Z}^m, r}$, 计算 $\mathbf{y} = \mathbf{A}^T \mathbf{v} \bmod q$. 然后利用算法 SampleISIS 以 \mathbf{T} 和 \mathbf{y} 作为输入, 可以抽取新的 $sk' := \mathbf{v}' \leftarrow D_{\mathbb{Z}^m, r}$, 使得 $\mathbf{A}^T \mathbf{v}' = \mathbf{A}^T \mathbf{v} \bmod q$.

与第 3 节中的哈希证明系统相类似, 该可更新哈希证明系统中的所有操作都是可以有效完成的.

下面对本构造中用到的更新过程进行如下注解. 首先, 原有私钥和更新私钥所对应的公钥是完全一样的; 其次, 对应于一个公钥的所有不同私钥都是独立同分布的; 最后, 陷门矩阵 \mathbf{T} 被作为更新密钥进行使用, 即在没有 \mathbf{T} 的情况下, 私钥是没有办法更新的. 因此, 在直接利用该可更新哈希证明系统构造抗泄露加密方案时, 必须假设更新过程是可以免受泄露攻击的.

4.2 可更新哈希证明系统的证明

定理 3. 给定安全参数 n , 令 $q = 2^{\omega(\log n)}$, $m = 2n \log q$, $r = \sqrt{q\omega(\sqrt{\log m})}$, $2\sqrt{n}/q \leq \beta \leq \sqrt{2\pi}/(r\sqrt{2mn})$, 则上述可更新哈希证明系统 UHPS 在 LWE 假设下是光滑的.

5 参数对比与效率分析

本节从计算和存储代价两个方面出发, 在表 1~表 3 中详细对比分析本文 3 个新型构造和已有相关构造的差别. 为了使得该对比分析更加公平, 本文将所有参与对比分析的哈希证明系统的封装密钥调整为 1 个比特. 我们用 [7]a 和 [7]b 分别表示文献 [7] 中的哈希证明系统和基于身份的哈希证明系统.

此时, 用 n 表示安全参数, m 是 n 的一个函数, 例如令 $m = 2n \log q$, $c \in (0, 1)$ 是一个常数. 用 $|pk|$ 和 $|sk|$ 分别表示公钥和私钥的尺寸, $|mpk|$, $|msk|$ 和 $|sk_{id}|$ 分别用来表示基于身份设置下密钥的尺寸. 用 \mathbf{w} 和 \mathbf{a} 分别表示 \mathbb{Z}_q 上的一个乘法运算和加法运算. 在文献 [21] 中, 分别用 \mathbf{w}' 和 \mathbf{p} 表示 q 阶素数循环群中的一个乘法运算和一个双线性映

射运算.

Table 1 Comparison with other hash proof systems based on lattices

表 1 与其他已有基于格的哈希系统的对比

	$ pk $	$ sk $	封装计算	解封装计算	密文尺寸	安全模型
[7]a	$nO(\log n)$	$mO(\log n)$	$n \cdot \tau + a$	$m \cdot \tau + a$	$(m+1)O(\log n)$	标准模型
文献[11]	$nO(\log n)$	$mO(\log n)$	$n \cdot \tau$	$m(n+2) \cdot \tau + m \cdot a$	$(m+n)O(\log n) + n$	标准模型
第 3 节的构造	n^{1+c}	mn^c	$n \cdot \tau$	$m \cdot \tau$	mn^c	标准模型

Table 2 Comparison with other identity-based hash proof systems based on lattices

表 2 与其他已有格上的基于身份的哈希系统的对比

	$ mpk $	$ msk $	$ sk_d $	封装计算	解封装计算	密文尺寸	安全模型
文献[3]	mn^{1+c}	$m^2 n^c$	mn^c	$n \cdot \tau + a$	$m \cdot \tau + a$	$(m+1)n^c$	理想模型
[7]b	mn^{1+c}	$m^2 n^c$	mn^c	$n \cdot \tau + a$	$m \cdot \tau + a$	$(m+1)n^c$	理想模型
第 4 节的构造	mn^{1+c}	$m^2 n^c$	mn^c	$n \cdot \tau + a$	$m \cdot \tau + a$	mn^c	理想模型

Table 3 Comparison with other updatable hash proof systems

表 3 与其他已有可更新哈希系统的对比

	$ pk $	$ sk $	封装计算	解封装计算	密文尺寸	安全假设	安全模型
文献[21]	$O(\log n)$	$nO(\log n)$	$q \cdot \tau'$	$n \cdot (\tau' + p)$	$nO(\log n)$	SXDH	标准模型
第 5 节的构造	n^{1+c}	mn^c	$n \cdot \tau + a$	$m \cdot \tau + a$	mn^c	LWE	标准模型

通过对表 1 进行分析得知,本文第 3 节的构造与已有相关构造相比,在解封装计算和密文尺寸方面具有一定的优势.通过对表 2 进行分析得知,本文第 4 节的构造与已有相关构造相比,在其他参数相等的前提下,密文尺寸具有明显优势.因此,利用基于身份的哈希证明系统所构造的方案将具有更高的效率优势.在表 3 中,虽然本文第 5 节的构造在效率方面不具有优势,但由于该构造是基于 LWE 假设的,所以能够抵抗潜在的量子计算攻击.

6 结 论

为了构造密文尺寸较小的可用于构造隐私保护方案的基于身份的哈希证明系统,本文首先基于标准 LWE 假设,在标准模型下成功构造了一个新的哈希证明系统,并利用随机格上离散高斯分布与光滑参数的性质,证明其是光滑的;再在随机谕言机的作用下,利用原像抽样函数将其推广得到基于身份的哈希证明系统.作为对所构造的新型哈希证明系统的进一步扩展,本文也在标准模型下提出一个可更新的哈希证明系统.最后,通过详细分析对比与已有相关构造的差别可知,本文构造的哈希证明系统具有一定的效率优势,并且可以抵抗潜在的量子计算攻击.

但本文构造的 3 个哈希证明系统所用到的模数都是亚指数的,因此存储和计算效率仍然相对较低.如何构造模数是多项式的哈希证明系统是进一步的研究方向.

References:

- [1] Feng DG, Zhang M, Li H. Big data security and privacy protection. *Ji Suan Ji Xue Bao/Chinese Journal of Computers*, 2014,37(1):246–258 (in Chinese with English abstract).
- [2] Peng CG, Ding HF, Zhu YJ, Tian YL, Fu ZF. Information entropy models and privacy metrics methods for privacy protection. *Ruan Jian Xue Bao/Journal of Software*, 2016,27(8):1891–1903 (in Chinese with English abstract). <http://www.jos.org.cn/1000-9825/5096.htm> [doi: 10.13328/j.cnki.jos.005096]
- [3] Alwen J, Dodis Y, Naor M, Segev G, Walfish S, Wichs D, Walfish S, Wichs D. Public-Key encryption in the bounded-retrieval model. In: Gilbert H, ed. *Proc. of the 29th Annual Int'l Conf. on the Theory and Applications of Cryptographic Techniques (EUROCRYPT 2010)*. Berlin: Springer-Verlag, 2010. 113–134.

- [4] Naor M, Segev G. Public-Key cryptosystems resilient to key leakage. In: Halevi S, ed. Proc. of the 29th Annual Int'l Cryptology Conf. (CRYPTO 2009). Berlin: Springer-Verlag, 2010. 18–35.
- [5] Chow SM, Dodis Y, Rouselakis Y, Waters B. Practical leakage-resilient identity-based encryption from simple assumptions. In: Al-Shaer E, Keromytis AD, Shmatikov V, eds. Proc. of the 17th ACM Conf. on Computer and Communications Security (CCS 2010). New York: ACM, 2010. 152–161.
- [6] Chen Y, Zhang ZY, Lin DD, Cao ZF. Anonymous identity-based hash proof system and its applications. In: Takagi T, Wang GL, Qin ZG, Jiang SQ, Yu Y, eds. Proc. of the 6th Int'l Conf. on Provable Security (ProvSec 2012). Berlin: Springer-Verlag, 2010. 143–160.
- [7] Chen Y, Zhang ZY, Lin DD, Cao ZF. Generalized (identity-based) hash proof system and its applications. Security and Communication Networks, 2016,9(12):1698–1716.
- [8] Chen Y, Zhang ZY, Lin DD, Cao ZF. Identity-Based extractable hash proofs and their applications. In: Boureau I, Owesarski P, Vaudenay S, eds. Proc. of the 12th Int'l Conf. on Applied Cryptography and Network Security (ACNS 2012). Berlin: Springer-Verlag, 2012. 153–170.
- [9] Chen Y, Zhang ZY, Lin DD, Cao ZF. CCA-Secure IB-KEM from identity-based extractable hash proof system. The Computer Journal, 2014,57(10):1537–1556.
- [10] Gentry C, Peikert C, Vaikuntanathan V. Trapdoors for hard lattices and new cryptographic constructions. In: Dwork C, ed. Proc. of the 40th Annual ACM Symp. on Theory of Computing (STOC 2008). New York: ACM, 2010. 197–206.
- [11] Katz J, Vaikuntanathan V. Smooth projective hashing and password-based authenticated key exchange from lattices. In: Matsui M, ed. Proc. of the 15th Int'l Conf. on the Theory and Application of Cryptology and Information Security (ASIACRYPT 2009). Berlin: Springer-Verlag, 2009. 636–652.
- [12] Ajtai M. Generating hard instances of the short basis problem. In: Bratko I, Dzeroski S, eds. Proc. of the 16th Int'l Conf. on Machine Learning (ICALP 1999). Berlin: Springer-Verlag, 1999. 1–9.
- [13] Alwen J, Peikert C. Generating shorter bases for hard random lattices. Theory of Computing Systems, 2011,48(3):535–553.
- [14] Micciancio D, Regev O. Worst-Case to average-case reductions based on gaussian measures. SIAM Journal on Computing, 2007,37(1):267–302.
- [15] Peikert C. Limits on the hardness of lattice problems in l_p norms. Computational Complexity, 2008,17(2):300–351.
- [16] Regev O. On lattices, learning with errors, random linear codes, and cryptography. Journal of the ACM, 2009,56(6):34:1–34:40.
- [17] Agrawal S, Boneh D, Boyen X. Lattice basis delegation in fixed dimension and shorter-ciphertext hierarchical IBE. In: Rabin T, ed. Proc. of the 30th Annual Cryptology Conf. (CRYPTO 2010). Berlin: Springer-Verlag, 2010. 98–115.
- [18] Agrawal S, Boneh D, Boyen X. Efficient lattice (H)IBE in the standard model. In: Gilbert H, ed. Proc. of the 29th Annual Int'l Conf. on the Theory and Applications of Cryptographic Techniques (EUROCRYPT 2010). Berlin: Springer-Verlag, 2010. 553–572.
- [19] Cramer R, Shoup V. Universal hash proofs and a paradigm for adaptive chosen ciphertext secure public-key encryption. In: Knudsen LR, ed. Proc. of the 21st Annual Int'l Conf. on the Theory and Applications of Cryptographic Techniques (EUROCRYPT 2002). Berlin: Springer-Verlag, 2002. 45–64.
- [20] Hofheinz D, Kiltz E. Secure hybrid encryption from weakened key encapsulation. In: Menezes A, ed. Proc. of the 27th Annual Int'l Cryptology Conf. (CRYPTO 2007). Berlin: Springer-Verlag, 2007. 553–571.
- [21] Yang RP, Xu QL, Zhou Y., Zhang R, Hu C, Yu Z. Updatable hash proof system and its applications. In: Proc. of the 20th European Symp. on Research in Computer Security (ESORICS 2015). Berlin: Springer-Verlag, 2015. 266–285.

附中文参考文献:

- [1] 冯登国,张敏,李昊.大数据安全与隐私保护.计算机学报,2014,37(1):246–258.
- [2] 彭长根,丁红发,朱义杰,田有亮,符祖峰.隐私保护的信息熵模型及其度量方法.软件学报,2016,27(8):1891–1903. <http://www.jos.org.cn/1000-9825/5096.htm> [doi: 10.13328/j.cnki.jos.005096]



来齐齐(1985—),男,河南新乡人,博士,讲师,主要研究领域为格公钥加密方案的设计与分析.



杨波(1963—),男,博士,教授,博士生导师,主要研究领域为格公钥加密方案的设计与分析.



陈原(1978—),女,博士,副教授,主要研究领域为密码学.



韩露露(1991—),男,硕士,主要研究领域为密码学,伪随机数发生器.



白健(1989—),男,工程师,主要研究领域为密码学,匿名隐私保护.

www.jos.org.cn

www.jos.org.cn