

关于 ω -有穷自动机的两个新的接受条件*

周文俊 苏锦祥

(郑州大学计算机科学系, 郑州 450052)

摘要 至今被公开的 ω -有穷自动机的接受条件有6个即 C_1-C_6 ,寻找新的接受条件和研究 ω -有穷自动机关于新接受条件接受 ω -语言的能力是 ω -有穷自动机理论中的一个重要课题.本文定义了 ω -有穷自动机的两个新的接受条件 Z_1 和 Z_2 ,并且研究了:(1) ω - U - NFA 关于 Z_i ($i=1,2$)接受 ω -语言的能力,得到了 $\mathcal{N}_{C_3}^{\omega} \subseteq \mathcal{N}_{Z_2}^{\omega} = \mathcal{N}_{Z_1}^{\omega} = \mathcal{N}_{Z_1}$; (2) ω - NFA 关于 Z_i ($i=1,2$)接受 ω -语言的能力,得到了 $\mathcal{N}_{C_1} \subseteq \mathcal{N}_{Z_1} \subseteq \mathcal{N}_{Z_2}$.对于 ω - DFA 也有某些对应的结果.

关键词 ω -有穷自动机,接受条件, ω -语言.

ω -有穷自动机是在 ω -字上运行的有穷状态机器,这个识别(或者接受) ω -字的模型首先由Büchi提出^[1],经过众多理论计算机科学家的研究,现已形成一具有丰富内容的 ω -有穷自动机理论,也成为形式语言和自动机的一个重要分支,文献^[2]概述了 ω -有穷自动机理论.

与有穷自动机接受有穷长度字的方式不同, ω -有穷自动机接受 ω -字的方式可以有多种,所以 ω -有穷自动机接受 ω -语言的接受条件的确定是至关重要的.目前被公认的接受条件有6个即 C_1-C_6 ^[2,3],针对这6个接受条件,文献^[2-4]分别对 ω -有穷自自动机关于 C_i ($i=1,2,\dots,6$)接受 ω -语言的能力进行了研究,即给出了 ω -有穷自动机关于 C_i 接受的 ω -语言族进行了描述和比较,文献^[5]证明了对于接受条件 C_1-C_4 , ω -有穷自动机与单指定集的 ω -有穷自动机接受 ω -语言的能力是相同的.

寻找 ω -有穷自动机的新的接受条件及研究 ω -有穷自动机关于新接受条件接受 ω -语言的能力是 ω -有穷自动机理论中的核心课题之一.作者致力于 ω -有穷自动机接受条件的研究,在本文提出了两个新的接受条件 Z_1 和 Z_2 ,对 ω -有穷自动机关于 Z_1 或者 Z_2 接受 ω -语言的能力同关于其它接受条件接受 ω -语言的能力进行了比较研究,取得了很满意的结果.其一,比较了 ω - U - NFA 关于 Z_1 和关于 Z_2 接受 ω -语言的能力,得出 $\mathcal{N}_{C_3}^{\omega} \subseteq \mathcal{N}_{Z_2}^{\omega} = \mathcal{N}_{Z_1}^{\omega} = \mathcal{N}_{Z_1}$;其二,比较了 ω - NFA 关于 Z_1, Z_2 同关于其它接受条件接受 ω -语言的能力,得出 $\mathcal{N}_{C_1} \subseteq \mathcal{N}_{Z_1} \subseteq \mathcal{N}_{Z_2}$.对 ω - DFA 也有某些对应的结果.

1 基本概念与记号

为了给出本文的主要结果,需要引述和引进有关的概念和记号.

* 本文1994-03-09收到,1994-06-01定稿

本文是国家自然科学基金资助项目.周文俊,1965年生,讲师,主要研究领域为形式语言和自动机.苏锦祥,1934年生,教授,主要研究领域为形式语言和自动机.

本文通讯联系人:周文俊,郑州450052,郑州大学计算机科学系

设 Σ 是有穷字母表, Σ 上的 ω -字是一个由 Σ 中的字母组成的无穷序列, Σ 上的所有 ω -字组成的集合记为 Σ^ω , $L \subseteq \Sigma^\omega$ 称为 Σ 上的 ω -语言.用 $\mathcal{P}^0(S)$ 表示集合 S 的所有非空子集组成的集合.

定义1. 一个不确定的 ω -有穷自动机(记为 ω -NFA)是一个五元组 $M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, \mathcal{F})$,其中

- (I) Q 是状态的有穷集合;
- (II) Σ 是有穷字母表;
- (III) δ 是 $Q \times \Sigma$ 到 $\mathcal{P}^0(Q)$ 的一个映射,称为转移函数;
- (IV) $q_0 \in Q$,称为初始状态;
- (V) $\mathcal{F} \subseteq \mathcal{P}^0(Q)$,称为指定状态集族.

如果对任意的 $q \in Q$ 和任意的 $a \in \Sigma$ 均有 $|\delta(q, a)| = 1$,则称 M 为确定的 ω -有穷自动机,记为 ω -DFA.

如果 $|\mathcal{F}| = 1$,则称 M 为单指定状态集的 ω -有穷自动机,记为 ω -U-NFA.确定的单指定状态集的 ω -有穷自动机记为 ω -U-DFA.

ω -NFA与 ω -DFA统一记作 ω -FA, ω -U-NFA与 ω -U-DFA,统一记作 ω -U-FA.

定义2. 设 $M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, \mathcal{F})$ 是一个 ω -NFA, $\sigma = a_1 a_2 \dots a_n \dots$ 是 Σ 上的一个 ω -字, $r = q_0 q_1 \dots q_n \dots$ 是 M 中状态的无穷序列,如果对任意的正整数 i 有 $q_i \in \delta(q_{i-1}, a_i)$,则称 r 为 M 在 σ 上的一个运行.

令 $F(r) = \{q \in Q \mid q \text{ 在 } r \text{ 中出现有穷次}\}$, $I(r) = \{q \in Q \mid q \text{ 在 } r \text{ 中出现无穷次}\}$, $O(r) = \{q \in Q \mid q \text{ 在 } r \text{ 中不出现}\}$

定义3. 设 M 是一个 ω -NFA, $\sigma \in \Sigma^\omega$,如果存在 M 在 σ 上的一个运行 r 满足条件 C ,则称 ω -NFA M 关于条件 C 接受 σ , C 称为接受条件.

文献[2,3]给出了以下6个接受条件:

$$C_1: (\exists H) I(r) \cap H \neq \emptyset$$

$$C_2: (\exists H) I(r) \subseteq H$$

$$C_3: (\exists H) O(r) \cap H \neq \emptyset$$

$$C_4: (\exists H) O(r) \subseteq H$$

$$C_5: (\exists H) I(r) = H$$

$$C_6: (\exists H) O(r) = H$$

其中 $\exists H$ 为存在一个 $H \in \mathcal{F}$ 的缩写,以下同.

本文定义了下面两个新的接受条件:

$$Z_1: (\exists H_1)(F(r) \cap H_1 \neq \emptyset) \wedge (\exists H_2)(I(r) \cap H_2 \neq \emptyset)$$

$$Z_2: (\exists H)(F(r) \cap H \neq \emptyset \wedge I(r) \cap H \neq \emptyset)$$

称 $L_C(M) = \{\sigma \in \Sigma^\omega \mid M \text{ 关于条件 } C \text{ 接受 } \sigma\}$ 为 ω -NFA M 关于条件 C 接受的 ω -语言.

令 \mathcal{N}_C (或者 \mathcal{N}_C^U)为 ω -NFA(或者 ω -U-NFA)关于条件 C 接受的 ω -语言族,令 \mathcal{D}_C (或者 \mathcal{D}_C^U)为 ω -DFA(或者 ω -U-DFA)关于条件 C 接受的 ω -语言族.

由 Z_1 、 Z_2 和 C_1 的定义容易看出有如下结果.

定理 1. 设 M 是 ω -NFA(或者 ω -DFA, ω -U-NFA, ω -U-DFA), 则 $L_{Z_2}(M) \subseteq L_{Z_1}(M) \subseteq L_{C_3}(M)$.

2 ω -U-FA 关于接受条件 Z_1, Z_2 接受 ω -语言的能力

关于接受条件 C_1-C_4, ω -NFA(或者 ω -DFA)与 ω -U-NFA(或者 ω -U-DFA)接受 ω -语言的能力相同, 即 $\mathcal{N}_{C_i} = \mathcal{N}_{C_i}^S$ (或者 $\mathcal{D}_{C_i} = \mathcal{D}_{C_i}^S$), $i=1, 2, 3, 4$ ^[5]. 在这一节我们将考查 ω -U-NFA(或者 ω -DFA)关于 Z_1, Z_2 接受 ω -语言的能力.

定理 2. (1) ω -NFA 与 ω -U-NFA 关于 Z_1 接受 ω -语言的能力相同, 即 $\mathcal{N}_{Z_1} = \mathcal{N}_{Z_1}^S$;

(2) ω -DFA 与 ω -U-DFA 关于 Z_1 接受 ω -语言的能力相同, 即 $\mathcal{D}_{Z_1} = \mathcal{D}_{Z_1}^S$.

证明: (1) $\mathcal{N}_{Z_1}^S \subseteq \mathcal{N}_{Z_1}$ 是显然的, 因为任意一个 ω -U-NFA 都是 ω -NFA 的特殊情形.

反之, 设 $L \in \mathcal{N}_{Z_1}$, 即有一个 ω -NFA $M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, \mathcal{F})$, 使得 $L = L_{Z_1}(M)$. 现构造一个 ω -U-NFA $M' = (Q, \Sigma, \delta, q_0, H)$, 其中 $H = \bigcup_{H_i \in \mathcal{F}} H_i$. 下面证明 $L_{Z_1}(M) = L_{Z_1}(M')$.

由于 M 与 M' 的状态集合及转移函数都一样, 故 M 在任意 ω -字 σ 上有一个运行 r , 当且仅当 M' 在 σ 上有一个运行 r .

又因为 $H = \bigcup_{H_i \in \mathcal{F}} H_i$, 故 $(\exists H_1)(F(r) \cap H_1 \neq \emptyset) \wedge (\exists H_2)(I(r) \cap H_2 \neq \emptyset)$ 当且仅当 $(F(r) \cap H \neq \emptyset) \wedge I(r) \cap H \neq \emptyset$.

因此, 对于任意的 $\sigma \in \Sigma^*$, $\sigma \in L_{Z_1}(M)$ 当且仅当存在 M 在 σ 上的一个运行 r 满足 Z_1 : $(\exists H_1)(F(r) \cap H_1 \neq \emptyset) \wedge (\exists H_2)(I(r) \cap H_2 \neq \emptyset)$ 当且仅当存在 M' 在 σ 上的一个运行 r 满足 Z_1 : $(\exists H)(F(r) \cap H \neq \emptyset) \wedge (\exists H)(I(r) \cap H \neq \emptyset)$ 当且仅当 $\sigma \in L_{Z_1}(M')$.

这样, 即得出 $\mathcal{N}_{Z_1} \subseteq \mathcal{N}_{Z_1}^S$.

故 $\mathcal{N}_{Z_1} = \mathcal{N}_{Z_1}^S$.

(2)类似(1)的证明(略).

由于对 ω -U-FA 来说, 条件 Z_1 与 Z_2 是等价的, 故有下面定理:

定理 3. (1) ω -U-NFA 关于 Z_1 和关于 Z_2 接受 ω -语言的能力相同, 即 $\mathcal{N}_{Z_1}^S = \mathcal{N}_{Z_2}^S$;

(2) ω -U-DFA 关于 Z_1 和关于 Z_2 接受 ω -语言的能力相同, 即 $\mathcal{D}_{Z_1}^S = \mathcal{D}_{Z_2}^S$.

ω -U-NFA(或者 ω -U-DFA)关于 Z_2 接受的 ω -语言族究竟有多大, 下面定理说明了 $\mathcal{N}_{Z_2}^S$ (或者 $\mathcal{D}_{Z_2}^S$) 至少是 $\{U\Sigma^* \mid U \text{ 为正则集}\}$, 由于 $\mathcal{N}_{Z_2}^S = \mathcal{D}_{Z_2}^S = \{U\Sigma^* \mid U \text{ 为正则集}\}$ ^[4], 故 ω -U-NFA(或 ω -U-DFA)关于 C_3 接受的 ω -语言必定被某一个 ω -U-NFA(或者 ω -U-DFA)关于 Z_2 接受.

定理 4. (1) ω -U-NFA 关于 Z_2 接受 ω -语言的能力不小于 ω -U-NFA 关于 C_3 接受 ω -语言的能力, 即 $\mathcal{N}_{C_3}^S \subseteq \mathcal{N}_{Z_2}^S$;

(2) ω -U-DFA 关于 Z_2 接受 ω -语言的能力不小于 ω -U-DFA 关于 C_3 接受 ω -语言的能力, 即 $\mathcal{D}_{C_3}^S \subseteq \mathcal{D}_{Z_2}^S$.

证明: 这里引用文献[4, 5]中的结果: $\mathcal{D}_{C_3}^S = \mathcal{D}_{C_3} = \mathcal{N}_{C_3} = \mathcal{N}_{C_3}^S = \{U\Sigma^* \mid U \text{ 为正则集}\}$.

(1) 设 $L = U\Sigma^* \in \mathcal{N}_{C_3}^S$, 由于 U 为正则集, 则存在一个确定的有穷自动机 $M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, H)$ 使得 $L(M) = U$, 现构造一个 ω -U-NFA $M' = (Q', \Sigma, \delta', q_0, H')$, 其中 $Q' = Q \cup \{p\}$, 这里 $p \notin Q$; $H' = H \cup \{p\}$; 对于任意的 $q \in Q'$ 和任意的 $a \in \Sigma$,

$$\delta'(q, a) = \begin{cases} \delta(q, a), & \text{如果 } q \in Q - H \\ \delta(q, a) \cup \{p\}, & \text{如果 } q \in H \\ \{q\}, & \text{如果 } q = p. \end{cases}$$

下面证明 $L_{Z_2}(M') = U\Sigma^\omega$.

设 $\sigma \in \Sigma^\omega$, 若 $\sigma \in U\Sigma^\omega$, 则存在 $x \in U, \sigma_1 \in U\Sigma^\omega$ 使得 $\sigma = x\sigma_1$, 从 $\sigma \in U$ 得 M 在 x 上有一运行 $r_1 = q_0q_1 \cdots q_k$ 使 $q_k \in H, M'$ 在 σ 的前缀 x 上的模拟 M , 而后进入状态 p 使 M' 在 p 上运行完 σ 的后缀 σ_1 , 这样即可得到 M' 在 σ 上的一个运行 $r = r_1p\sigma_1 \cdots = q_0q_1 \cdots q_kp\sigma_1 \cdots$. 因为 $q_k \in F(r)$, 且 $q_k \in H (\subseteq H')$, 故 $F(r) \cap H' \neq \emptyset$, 又因为 $I(r) = \{p\}$, 故 $I(r) \cap H' \neq \emptyset$ 从而 M' 在 σ 上有一个运行 r 满足 $Z_2: F(r) \cap H' \neq \emptyset \wedge I(r) \cap H' \neq \emptyset$, 即 $\sigma \in L_{Z_2}(M')$ 故有 $U\Sigma^\omega \subseteq L_{Z_2}(M')$.

反之, 设 $\sigma \in \Sigma^\omega$, 若 $\sigma \in L_{Z_2}(M')$, 则 M' 在 σ 上有一运行 $r = q_0q_1 \cdots q_n \cdots$ 满足 $Z_2: F(r) \cap H' \neq \emptyset \wedge I(r) \cap H' \neq \emptyset$, 由 $F(r) \cap H' \neq \emptyset$ 得 r 中存在 q_k 使得 $q_k \in F(r) \cap H'$, 进而 $q_k \neq p$ (若不然, 则 $q_k = p \in I(r)$, 这与 $q_k \in F(r)$ 矛盾), 故 $q_k \in H$. 这样, r 可以分成两段, 即 $r = r_1r_2$, 使得 $r_1 = q_0q_1 \cdots q_k, \sigma$ 也相应分成两段, 即 $\sigma = x\sigma_1$, 使得 r_1 为 M' 在 x 上的运行. 由转移函数规则 $\delta(p, a) = p$ 得 $q_i \neq p (i = 1, 2, \dots, k)$, 故 $r_1 = q_0q_1 \cdots q_k$ 是 M 在 x 上的一个运行, 由于 $q_k \in H$, 因此 $x \in L(M)$, 即 $x \in U$, 而 $\sigma_1 \in \Sigma^\omega$, 故 $\sigma \in U\Sigma^\omega$, 这样即证明了 $L_{Z_2}(M') \subseteq U\Sigma^\omega$.

综上两方面得, $L_{Z_2}(M') = U\Sigma^\omega$, 从而定理中的结论(1)得证.

(2)类似(1)构造一个 ω -U-DFA $M' = (Q', \Sigma, \delta', q_0, H')$, 其中 $Q' = Q \cup \{p\}$, 这里 $p \notin Q; H' = H \cup \{p\}$; 对于任意的 $q \in Q'$ 和任意的 $a \in \Sigma$,

$$\delta'(q, a) = \begin{cases} \delta(q, a), & \text{如果 } q \in Q' - H' \\ p, & \text{如果 } q \in H'. \end{cases}$$

余下证明与(1)类似(略).

从定理 2、定理 3 和定理 4 即可看出 ω -U-NFA (或者 ω -U-DFA) 分别关于 C_3, Z_1, Z_2 接受 ω -语言的能力的大小, 即语言族之间的包含关系有: $\mathcal{N}_{C_3}^S \subseteq \mathcal{N}_{Z_2}^S = \mathcal{N}_{Z_1}^S = \mathcal{N}_{Z_1} (或者 \mathcal{D}_{C_3}^S \subseteq \mathcal{D}_{Z_2}^S = \mathcal{D}_{Z_1}^S = \mathcal{D}_{Z_1})$.

3 ω -FA 关于接受条件 Z_1, Z_2 接受 ω -语言的能力

本节将对 ω -NFA (或者 ω -DFA) 关于 Z_1 与关于 Z_2 接受 ω -语言的能力进行比较, 而且还要同 ω -NFA 关于 C_1, C_3 接受 ω -语言的能力进行比较.

定理 5. (1) ω -NFA 关于 Z_2 接受 ω -语言的能力不小于 ω -NFA 关于 Z_1 接受 ω -语言的能力, 即 $\mathcal{N}_{Z_1} \subseteq \mathcal{N}_{Z_2}$;

(2) ω -DFA 关于 Z_2 接受 ω -语言的能力不小于 ω -DFA 关于 Z_1 接受 ω -语言的能力, 即 $\mathcal{D}_{Z_1} \subseteq \mathcal{D}_{Z_2}$.

证明: 根据定理 2 和定理 3 立即可以得出

(1) $\mathcal{N}_{Z_1} = \mathcal{N}_{Z_1}^S = \mathcal{N}_{Z_2}^S \subseteq \mathcal{N}_{Z_2}$;

(2) $\mathcal{D}_{Z_1} = \mathcal{D}_{Z_1}^S = \mathcal{D}_{Z_2}^S \subseteq \mathcal{D}_{Z_2}$.

定理 6. (1) ω -NFA 关于 Z_1 接受 ω -语言的能力不小于 ω -NFA 关于 C_3 接受 ω -语言的

能力,即 $\mathcal{N}_{C_3} \subseteq \mathcal{N}_{Z_1}$;

(2) ω -DFA 关于 Z_1 接受 ω -语言的能力不小于 ω -DFA 关于 C_3 接受 ω -语言的能力,即 $\mathcal{D}_{C_3} \subseteq \mathcal{D}_{Z_1}$.

证明:文献[5]已证明 $\mathcal{N}_{C_3} = \mathcal{N}_{C_3}^S, \mathcal{D}_{C_3} = \mathcal{D}_{C_3}^S$,再由定理 2、定理 3 和定理 4 得

$$(1) \mathcal{N}_{C_3} = \mathcal{N}_{C_3}^S \subseteq \mathcal{N}_{Z_2}^S = \mathcal{N}_{Z_1}^S = \mathcal{N}_{Z_1};$$

$$(2) \mathcal{D}_{C_3} = \mathcal{D}_{C_3}^S \subseteq \mathcal{D}_{Z_2}^S = \mathcal{D}_{Z_1}^S = \mathcal{D}_{Z_1}.$$

下面定理是一个比定理 6 更强的结论,即一个比 \mathcal{N}_{C_3} 更大的语言族 \mathcal{N}_{C_1} 中的任一 ω -语言的均可以被某个 ω -NFA 关于 Z_1 接受.

定理 7. ω -NFA 关于 Z_1 接受 ω -语言的能力不小于 ω -NFA 的关于 C_1 接受 ω -语言的能力,即 $\mathcal{N}_{C_1} \subseteq \mathcal{N}_{Z_1}$.

证明:设 $L \in \mathcal{N}_{C_1}$,则存在一个 ω -NFA $M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, \mathcal{F})$ 使得 $L_{C_1}(M) = L$,其中 $\mathcal{F} = \{H_i \mid H_i \subseteq Q, i = 1, 2, \dots, n\}$.

构造一个 ω -NFA $M' = (Q', \Sigma, \delta', q_0, \mathcal{F}')$,其中

$Q' = Q \cup S$,这里 S 是由一个一一对应 $\rho: \bigcup_{H_i \in \mathcal{F}} H_i \rightarrow S$ 确定并且 $S \cap (\bigcup_{H_i \in \mathcal{F}} H_i) = \emptyset$,通俗地说, S 是 $\bigcup_{H_i \in \mathcal{F}} H_i$ 中的状态的改名后的集合;

$\mathcal{F}' = \mathcal{F} \cup \mathcal{F}_s$,这里 $\mathcal{F}_s = \{\rho(H_i) \mid H_i \in \mathcal{F}\}$;

对于任意的 $q \in Q'$ 和任意的 $a \in \Sigma$,

$$\delta'(q, a) = \begin{cases} \delta(q, a) \cup S', & \text{如果 } q \in Q \\ \delta(\bar{q}, a), & \text{如果 } q \in S \end{cases}$$

这里 $S' = \{\rho(p) \mid p \in \delta(q, a) \cap (\bigcup_{H_i \in \mathcal{F}} H_i)\}, \bar{q} = \rho^{-1}(q)$.

下面证明 $L_{Z_1}(M') = L_{C_1}(M)$.

设 $\sigma \in \Sigma^\omega$,若 $\sigma \in L_{C_1}(M)$,则 M 在 σ 上有一运行 $r = q_0 q_1 \dots q_n \dots$ 满足 $C_1: (\exists H_i \in \mathcal{F}) I(r) \cap H_i \neq \emptyset$,即 r 中有一个 q_k 使 $q_k \in I(r)$,且 $q_k \in H_i$.将 r 分成两段,即 $r = r_1 r_2$,使得 r_1 中含有 q_k 及 r_2 以 q_k 开头且对任意自然数 n 状态 q_{k+n} 均在 r 中出现无穷多次.由 δ' 的构造知 M' 在 σ 上有一运行 $r' = r'_1 r_2$,其中 r'_1 是将 r_1 中属于 $I(r) \cap H_i$ 的状态 q 改为 $\rho(q) \in \rho(H_i)$ 而得到的状态序列,这样 $\rho(q_k) \in \rho(H_i)$.因为 $\rho(q_k)$ 在 r_2 中没有出现,故 $\rho(q_k) \in F(r')$,从而 r' 满足 $Z_1: (\exists \rho(H_i) \in \mathcal{F}') (F(r') \cap \rho(H_i) \neq \emptyset) \wedge (\exists H_i \in \mathcal{F}') (I(r) \cap H_i \neq \emptyset)$,即 $\sigma \in L_{Z_1}(M')$,故有 $L_{C_1}(M) \subseteq L_{Z_1}(M')$.

反之,设 $\sigma \in \Sigma^\omega$,若 $\sigma \in L_{Z_1}(M')$,则 M' 在 σ 上有一运行 r 满足 $Z_1: (\exists H_i \in \mathcal{F}') (F(r) \cap H_i \neq \emptyset) \wedge (\exists H_j \in \mathcal{F}') (I(r) \cap H_j \neq \emptyset)$,只需将 r 中属于 S 的状态 q 还原成 $\bigcup_{H_i \in \mathcal{F}} H_i$ 中的 $\rho^{-1}(q)$ 即可得到 M 在 σ 上的一个运行 r' .下面分两种情况证明 r' 满足 C_1 , (1)若 $H_j \in \mathcal{F}$,则由 r 满足 $I(r) \cap H_j \neq \emptyset$,即得 r' 满足 C_1 ; (2)若 $H_j \in \mathcal{F}_s$,则 r' 满足 $(\exists \rho^{-1}(H_j) \in \mathcal{F}) I(r') \cap \rho^{-1}(H_j) \neq \emptyset$,即 r' 满足 C_1 ,从而 $\sigma \in L_{C_1}(M)$,故有 $L_{Z_1}(M') \subseteq L_{C_1}(M)$.

综上两方面得 $L_{Z_1}(M') = L_{C_1}(M)$,故定理得证.

定理 8. ω -NFA 关于 Z_2 接受 ω -语言的能力不小于 ω -NFA 关于 C_1 接受 ω -语言的能力,即 $\mathcal{N}_{C_1} \subseteq \mathcal{N}_{Z_2}$.

证明:由定理 5 和定理 7 即可得到.

由定理 5 和定理 7 得出 $\mathcal{N}_{C_1} \subseteq \mathcal{N}_{Z_1} \subseteq \mathcal{N}_{Z_2}$, 在文献[4]中已证明了 $\mathcal{N}_{C_1} = \mathcal{R}_\omega$ (即 ω -正则集族), 于是得出 ω -NFA 关于 Z_1, Z_2 接受的 ω -语言族不小于 ω -正则集族 \mathcal{R}_ω .

参考文献

- 1 Büchi J R. On a decision problem in restricted second order arithmetic. In: Proc. Int. Congr. Logic, Methodology and Philosophy of Science, Calif. 1960, Stanford; Stanford University Press, 1962. 1-12.
- 2 Cohen R S, Gold A Y. Theory of ω -languages I: characterizations of ω -context free languages. Comput. System Sci., 1977, 15(2):169-184.
- 3 Moriya T, Yamasaki H. Accepting conditions for automata on ω -languages. Theoret. Comput. Sci., 1988, 61(1): 137-147.
- 4 Wagner K. On ω -regular sets. Inform. & Control, 1979, 43(1):123-177.
- 5 Staiger L, Wagner K. Automaten-theoretische und automatenfreie charakterisierungen topologischer klassen regulärer folgenmengen. EIK, 1974, 10(3):379-392.

ON TWO TYPES NEW ACCEPTANCE CONDITION OF ω -FINITE STATE AUTOMATA

Zhou Wenjun · Su Jinxiang

(Department of Computer Science, Zhengzhou University, Zhengzhou 450052)

Abstract Six acceptance conditions $C_1 - C_6$ of ω -FA were known so far. To look for some new acceptance condition of ω -FA and to study the power of ω -FA that accept ω -language with respect to the acceptance condition is one of heart problem in theory of ω -finite state automata. This paper presents two types new acceptance condition Z_1 and Z_2 of ω -FA. The authors investigate (1) the power of ω -U-NFA that accept ω -language with respect to $Z_i (i=1, 2)$ and derive $\mathcal{N}_{C_3}^S \subseteq \mathcal{N}_{Z_2}^S = \mathcal{N}_{Z_1}^S = \mathcal{N}_{Z_1}^S$; (2) the power of ω -NFA that accept ω -language with respect to $Z_i (i=1, 2)$ and obtain $\mathcal{N}_{C_1} \subseteq \mathcal{N}_{Z_1} \subseteq \mathcal{N}_{Z_2}$. Some analogue results are correct with ω -DFA.

Key words ω -finite state automata, acceptance condition, ω -language.