

# 无证书签密机制的安全性分析\*

何德彪

(武汉大学 数学与统计学院, 湖北 武汉 430072)

通讯作者: 何德彪, E-mail: hedebiao@163.com

**摘要:** 为了避免复杂的双线性对运算和提高签密机制的性能, Liu 等人提出了一种不使用双线性对的无证书签密机制. 同时, 随机谕示模型下证明了机制是可证安全. 通过给出具体的攻击算法, 证明了 Liu 等人所提出的机制不能抵抗类型 1 敌手的攻击. 为了抵抗这种攻击, 给出了一种有效的方法.

**关键词:** 签密; 无证书; 随机谕示模型; 椭圆曲线

**中图法分类号:** TP309      **文献标识码:** A

中文引用格式: 何德彪. 无证书签密机制的安全性分析. 软件学报, 2013, 24(3): 618-622. <http://www.jos.org.cn/1000-9825/4245.htm>

英文引用格式: HE DB. Security analysis of a certificateless signcryption scheme. Ruanjian Xuebao/Journal of Software, 2013, 24(3): 618-622 (in Chinese). <http://www.jos.org.cn/1000-9825/4245.htm>

## Security Analysis of a Certificateless Signcryption Scheme

HE De-Biao

(School of Mathematics and Statistics, Wuhan University, Wuhan 430072, China)

Corresponding author: HE De-Biao, E-mail: hedebiao@163.com

**Abstract:** To avoid complicated pairing operation and improve performance, Liu, *et al.* proposed a pairing-free certificateless signcryption scheme, and claims that their scheme is provably secure in a strengthened security model. Unfortunately, by giving concrete attacks, the study indicates that Liu's *et al.* certificateless signcryption scheme is not secure in this strengthened security model. To solve the problem, an efficient countermeasure is also proposed.

**Key words:** signcryption; certificateless; random oracle model; elliptic curve

公钥密码是一种实现网络和信息安全的重要技术. 传统公钥密码(public key cryptography, 简称 PKC)要求可信认证中心(certification authority, 简称 CA)颁发证书来绑定用户的身份和公钥. 这样就带来了证书管理问题, 一旦用户量剧增, 证书管理问题就会极大地影响系统的性能. 为了解决传统 PKC 中的证书管理问题, Shamir 提出了基于身份的公钥密码<sup>[1]</sup>. 在基于身份公钥密码中, 用户的身份(比如学号、电子邮件等)就是用户的公钥, 这样就解决了传统 PKC 中的证书管理问题. 然而, 基于身份的公钥密码要求一个可信的私钥生成中心(key generation center, 简称 KGC)通过用户的身份生成用户的私钥. 这样, 基于身份的公钥密码机制就面临着私钥托管问题. 为了同时解决传统 PKC 和基于身份的公钥密码存在的问题, Al-Riyami 等人<sup>[2]</sup>提出了无证书公钥密码机制. 这种机制可以看作一种介于传统 PKC 和基于身份的密码之间的公钥密码.

在应用中, 用户在很多时候需要同时实现签名和加密. 一般情况下, 我们会首先通过对消息进行签名, 然后再把签名进行加密来实现这一目的. 1997 年, Zheng<sup>[3]</sup>提出了密码机制——签密. 签密机制可以同时实现加密和签名, 极大地降低计算复杂度和传输负载. Zheng 在文献[3]中提出了一个基于离散对数(discrete logarithm

\* 基金项目: 高等学校博士学科点专项科研基金(20110141120003)

收稿时间: 2011-09-07; 定稿时间: 2012-04-20

problem,简称 DLP)的签密机制,但是他并没有给出可证安全性分析.在文献[4]中,An 等人系统地研究了签密机制的性质.随后,Malone 等人<sup>[5]</sup>提出了基于身份的签密机制,同时也提出了签密机制的安全模型.

自从 Al-Riyami 等人<sup>[2]</sup>提出无证书公钥密码以来,许多无证书签密机制<sup>[6-11]</sup>先后由不同的研究者提出来.2008 年,Barbosa 等人<sup>[6]</sup>首次提出了无证书签密机制.该机制使用的是先加密后签名方式,它并不能抵抗不可伪造攻击.同年,Diego 等人<sup>[7]</sup>和 Wu 等人<sup>[8]</sup>分别提出了一种无证书签密机制.Sharmila 等人<sup>[9]</sup>指出,Diego 等人的机制<sup>[7]</sup>不能提供保密性和认证性,Wu 等人的机制<sup>[8]</sup>不能提供保密性.Barreto<sup>[10]</sup>首次提出了签密和解签密均不需要双线性对操作的无证书签密机制,但该机制在生成公钥时需要双线性对操作;同时,该机制也不能保证发送消息的保密性和不可否认性.2009 年,Li<sup>[11]</sup>提出了一种无证书混合签密机制,并在随机谕示模型下证明了其安全性.但由于运用了对运算和指数运算,计算开销很大.上面提到的无证书签密机制都采用了对操作,与点乘运算相比,双线性对的运算要复杂得多,运行一次双线性对操作的时间大概是椭圆曲线上点乘运算的 20 倍以上<sup>[12]</sup>.因此,不用双线性对运算的无证书签密机制具有更大的效率优势.基于以上情况,Liu 等人<sup>[13]</sup>提出了无需双线性对运算的无证书签密机制.同时,Liu 等人<sup>[13]</sup>在随机谕示模型下证明了其安全性.在本文中,我们指出 Liu 等人的机制不能抵抗类型 1 攻击者的攻击,这些分析表明,他们的机制是不安全的,不能够满足现实应用的需要.为了抵抗这种攻击,我们提出了一种有效的方法.

## 1 预备知识

### 1.1 椭圆曲线

设  $E$  是定义在有限域  $F_p$  上的椭圆曲线,其方程为

$$y^2 = x^3 + ax + b, a, b \in F_p \quad (1)$$

其判别式为

$$\Delta = 4a^3 + 27b^2 \neq 0 \quad (2)$$

则  $E$  上的点和无穷远点  $O$  构成一个群

$$G = \{(x, y) : x, y \in F_p, E(x, y) = 0\} \cup \{O\} \quad (3)$$

设  $P, Q \in G, l$  是过  $P, Q$  和  $R$  的直线(如果  $P=Q$ ,则  $l$  为切线),其中,  $R$  是  $l$  和  $E$  的第 3 个交点.设  $l'$  是连接  $R$  和无穷远点  $O$  的直线,则定义  $l'$  连接  $R$  和  $O$  时与  $E$  的第 3 个交点为  $P^*+Q$ .点乘定义如下:

$$tP = P + P + \dots + P (t \text{ times}) \quad (4)$$

设群  $G$  的阶为  $q$ ,则有如下假设:

- 假设 1:计算性 Diffie-Hellman 问题(computational Diffie-Hellman problem,简称 CDHP):  
对未知的  $a, b \in Z_q^*$ ,给定  $(aP, bP)$ ,计算  $abP$  是困难的;
- 假设 2:离散对数问题(discrete logarithm problem,简称 DLP):  
对未知的  $a \in Z_q^*$ ,给定  $aP$ ,计算  $a$  是困难的.

### 1.2 签密机制

无证书签密机制有 3 个合法参与者:密钥生成中心(KGC)、签密者、接收者.无证书签密机制由 7 种算法构成:

- (1) 系统参数建立算法:输入安全参数  $k$ ,KGC 返回系统公开参数  $params$ 、保密系统主密钥  $z$ ;
- (2) 用户部分密钥生成算法:输入给定用户身份  $ID_i$ 、系统参数  $params$  和主密钥  $z$ ,KGC 输出身份  $ID_i$  用户的部分私钥  $D_i$ ,并通过安全渠道返回  $D_i$  给用户  $ID_i$ ;
- (3) 用户秘密值生成算法:输入给定用户身份  $ID_i$ 、系统参数  $params$ ,用户  $ID_i$  输出其秘密值  $x_i \in Z_q^*$  作为其长期密钥;
- (4) 用户私钥生成算法:输入给定用户身份  $ID_i$ 、系统参数  $params$ 、 $ID_i$  用户的部分私钥  $D_i$  及其长期私钥

$x_i$ ,返回用户  $ID_i$  私钥  $SK_i=\{x_i,D_i\}$ ;

- (5) 用户公钥生成算法:输入用户身份  $ID_i$ 、系统参数  $params$  用户的部分公钥  $P_i$  及其长期私钥  $x_i$ ,返回用户公钥  $PK_i$ ;
- (6) 签密算法(signcrypt):输入  $params$ 、消息  $m$ 、签密者身份  $ID_i$  及其私钥  $SK_i$ 、接收者身份  $ID_j$  及其公钥  $PK_j$ ,返回密文  $\sigma$ ;
- (7) 解密验证算法(unsigcrypt):输入  $params$ 、 $\sigma$ 、签密者身份  $ID_i$  及其公钥  $PK_i$ 、接收者身份  $ID_j$  及其私钥  $SK_j$ ,如果验证通过,则用户输出明文消息  $m$ ;否则,返回出错消息,拒绝接收消息  $m$ 。

## 2 Liu 等人的无证书签密机制

### (1) 系统参数的建立

输入安全参数  $k$ ,产生两个大素数  $p,q$ ,且  $q|p-1$ .  $P$  为椭圆曲线上的循环群  $G$  中任意一阶为  $q$  的生成元,选择安全 Hash 函数:  $H_1: \{0,1\}^* \times G \rightarrow Z_q^*$ ,  $H_2: \{0,1\}^* \rightarrow Z_q^*$ ,  $H_3: G \rightarrow Z_q^*$ , 明文消息  $m$  为任意比特长, KGC 随机选择主密钥  $z \in Z_q^*$ , 计算  $P_{pub}=zP$ , 公开系统参数  $(p,q,P_{pub},H_1,H_2,H_3)$ , 保密主密钥  $z$ 。

### (2) 用户密钥的生成

给定用户身份  $ID_i$ , KGC 随机选择  $r_i \in Z_q^*$ , 计算  $R_i=r_iP, D_i=r_i+zH_1(ID_i, R_i)$ , 通过安全渠道返回  $D_i$  给用户, 并作为其部分私钥,  $R_i=r_iP$  作为用户的部分公钥。

用户随机选择秘密值  $x_i \in Z_q^*$  作为其长期私钥, 生成对应的私钥  $(x_i, D_i)$ , 计算  $X_i=x_iP$ , 生成公钥  $(X_i, R_i)$ . 因此, 用户  $A$  的私钥  $SK_A=\{x_A, D_A\}$ , 公钥  $PK_A=\{X_A, R_A\}$ . 用户  $B$  的私钥  $SK_B=\{x_B, D_B\}$ , 公钥  $PK_B=\{X_B, R_B\}$ 。

用户可以通过计算等式  $R_i+H_1(ID_i, R_i)P_{pub}=D_iP$  是否成立来判断 KGC 分配给自己的部分私钥是否有效。

### (3) 签密过程

用户  $A$  随机选取  $a \in Z_q^*$ , 计算  $T_A=aP, h_1=H_1(ID_B, R_B), h=H_2(T_A, ID_A, m), s=a/(x_A+D_A+h)$ , 生成签名  $(h, s)$ .  $V_A=a(X_B+R_B+h_1P_{pub}), C=H_3(V_A) \oplus m$  (完成加密), 发送消息  $\sigma=\{h, s, C\}$  给用户  $B$ 。

### (4) 解密验证过程

当收到密文  $\sigma$  后, 用户  $B$  执行如下操作:

计算  $h'_1=H_1(ID_A, R_A), V_B=s(x_B+D_B)(X_A+R_A+h'_1P_{pub}+hP)$ , 恢复消息  $m=H_3(V_B) \oplus C$ 。

若  $h=H_2(s(X_A+R_A+h'_1P_{pub}+hP), ID_A, m)$  成立, 则用户  $B$  接受消息  $m$ 。

## 3 Liu 等人的无证书签密机制安全性分析

在文献[17]中, Liu 等人在随机谕示模型下证明了其机制是安全的. 在本节中, 我们将通过具体的攻击来证明其机制不能满足类型 1 攻击下的不可伪造性. 设  $A_1$  是类型 1 的攻击者, 则  $A_1$  可以查询用户公钥或替换合法用户的公钥, 但不知道系统主密钥. 设用户  $A$  和  $B$  分别为发送者和接受者.  $A$  的私钥  $SK_A=\{x_A, D_A\}$ , 公钥  $PK_A=\{X_A, R_A\}$ .  $B$  的私钥  $SK_B=\{x_B, D_B\}$ , 公钥  $PK_B=\{X_B, R_B\}$ . 则  $A_1$  可以通过下述方法冒充  $A$  产生合法的密文:

- 1)  $A_1$  生成随机数  $\omega \in Z_q^*$ , 计算  $X'_A=\omega P-(R_A+H_1(ID_A, R_A)P_{pub})$ ;
- 2)  $A_1$  利用  $X'_A, R_A$  替换  $A$  的公钥  $X_A$ . 此后,  $B$  认为  $A$  的公钥为  $PK'_A=\{X'_A, R_A\}$ ;
- 3)  $A_1$  生成随机数  $a \in Z_q^*$ , 计算  $T_A=aP, h_1=H_1(ID_B, R_B), h=H_2(T_A, ID_A, m), s=a/(\omega+h)$ , 生成签名  $(h, s)$ .  $V_A=a(X_B+R_B+h_1P_{pub}), C=H_3(V_A) \oplus m$  (完成加密), 发送消息  $\sigma=\{h, s, C\}$  给用户  $B$ 。

**定理 1.**  $A_1$  通过上述方法产生的密文是合法的。

证明: 我们只需证明产生的密文能够通过解密验证过程即可。

由于  $A_1$  进行了公钥替换, 因此  $A$  的公钥为  $PK_A=\{X'_A, R_A\}$ , 其中,  $X'_A=\omega P-(R_A+H_1(ID_A, R_A)P_{pub})$ 。

当收到密文  $\sigma$  后, 用户  $B$  计算:

$$h'_1 = H_1(ID_A, R_A) \quad (5)$$

$$\begin{aligned} V_B &= s(x_B + D_B)(X'_A + R_A + h'_1 P_{pub} + hP) \\ &= s(x_B + D_B)(\omega P - (R_A + H_1(ID_A, R_A)P_{pub}) + R_A + h'_1 P_{pub} + hP) \\ &= a/(\omega + h)(x_B + D_B)(\omega P + hP) \\ &= a(x_B + D_B)P = a(X_B + R_B + H_1(ID_B, R_B)P_{pub}) = V_A \end{aligned} \quad (6)$$

由公式(6),我们可以得到  $V_A = V_B$ . 因此,  $B$  可以恢复消息  $m = H_3(V_B) \oplus C$ .

另外,  $B$  计算

$$\begin{aligned} H_2(s(X'_A + R_A + h'_1 P_{pub} + hP), ID_A, m) &= H_2(a/(\omega + h)(\omega P - (R_A + H_1(ID_A, R_A)P_{pub}) + R_A + h'_1 P_{pub} + hP), ID_A, m) \\ &= H_2(a/(\omega + h)(\omega P + hP), ID_A, m) \\ &= H_2(aP, ID_A, m) \\ &= H_2(T_A, ID_A, m). \end{aligned}$$

而  $h = H_2(T_A, ID_A, m)$ , 因此  $h = H_2(s(X'_A + R_A + h'_1 P_{pub} + hP), ID_A, m)$  成立, 用户  $B$  接受消息  $m$ .  $A_1$  成功地伪造了一组合法密文.  $\square$

从以上分析得知, 接收者使用  $L_A = X_A + R_A + H_1(ID_A, R_A)P_{pub}$  来验证密文的正确性. 很显然,  $L_A$  是  $X_A$  和  $R_A + H_1(ID_A, R_A)P_{pub}$  的简单线性组合.  $A_1$  正是利用了这种线性关系通过自己可以控制的  $X_A$  来消除  $R_A + H_1(ID_A, R_A)P_{pub}$  对密文的影响. 为了抵抗  $A_1$  的攻击, 必须要破坏这种线性关系. 我们只需要对用户密钥生成算法和解密算法做如下修改即可抵抗  $A_1$  的攻击:

- (1) 用  $D_i = r_i + zH_1(ID_i, R_i, X_i)$  替换用户密钥的生成中的  $D_i = r_i + zH_1(ID_i, R_i)$ ;
- (2) 用  $h'_1 = H_1(ID_A, R_A, X_A)$  替换解密过程中的  $h'_1 = H_1(ID_A, R_A)$ .

经过上述改变, 接收者使用  $L_A = X_A + R_A + H_1(ID_A, R_A, X_A)P_{pub}$  验证密文的正确性. 由于  $H_1$  是一个安全的杂凑函数,  $A_1$  不可能通过选择的  $X_A$  来消除  $R_A + H_1(ID_A, R_A, X_A)P_{pub}$  的作用. 因此, 这种改变可以抵抗类型 1 敌手的攻击.

## 4 总 结

Liu 等人<sup>[13]</sup>提出了一种高效的无证书签密机制, 并且在一种高强度的安全模型下证明了其安全性. 在本文中, 我们在 Liu 等人的安全模型下, 通过构造具体的攻击方法来表明其机制不能满足类型 1 攻击下的不可伪造性. 我们的分析表明, Liu 等人的签密机制不能够满足现实应用的需要.

致谢 感谢外审专家的精心评审, 感谢各位编辑的辛勤劳动.

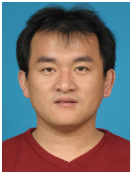
## References:

- [1] Shamir A. Identity-Based cryptosystem and signature scheme. In: Advances in Cryptology-Crypto'84. LNCS 196, Berlin: Springer-Verlag, 1984. 47-53. [doi: 10.1007/3-540-39568-7\_5]
- [2] Al-Riyami S, Paterson K. Certificateless public key cryptography. In: Lai CS, ed. Proc. of the Int'l Association for Cryptology Research 2003. LNCS 2894, Berlin: Springer-Verlag, 2003. 452-473. [doi: 10.1007/978-3-540-40061-5\_29]
- [3] Zheng Y. Digital signcryption or how to achieve  $\text{cost}(\text{signature} \& \text{encryption}) \ll \text{cost}(\text{signature}) + \text{cost}(\text{encryption})$ . Advances in Cryptology-Crypto'97. LNCS 1294, Berlin: Springer-Verlag, 1997. 291-312. [doi: 10.1007/BFb0052234]
- [4] An J, Dodis Y, Rabin T. On the security of joint signature and encryption. In: Knudsen LR, ed. Proc. of the Eurocrypt 2002. LNCS 2332, Berlin: Springer-Verlag, 2002. 83-107. [doi: 10.1007/3-540-46035-7\_6]
- [5] Malone-Lee J. Identity based signcryption. Report, 2002/098, 2002. <http://eprint.iacr.org/2002/098>
- [6] Barbosa M, Farshim P. Certificateless signcryption. In: Proc. of the ACM Symp. on Information, Computer and Communications Security (ASIACCS 2008). ACM Press, 2008. 369-372. [doi: 10.1145/1368310.1368364]
- [7] Aranha D, Castro R, Lopez J, Dahab R. Efficient certificateless signcryption. 2008. [http://sbse2008.inf.ufrgs.br/proceedings/data/pdf/st03\\_01\\_resumo.pdf](http://sbse2008.inf.ufrgs.br/proceedings/data/pdf/st03_01_resumo.pdf)

- [8] Wu CH, Chen ZX. A new efficient certificateless signcryption scheme. In: Proc. of the ISISE 2008. 2008. 661–664. [doi: 10.1109/ISISE.2008.206]
- [9] Sharmila DS, Vivek SS, Pandu RC. On the security of certificateless signcryption schemes. Report, 2009/298, 2009. <http://eprint.iacr.org/2009/298>
- [10] Silva RR. Toward efficient certificateless signcryption from (and without) bilinear pairings. 2008. [http://sbseg2008.inf.ufrgs.br/proceedings/data/pdf/st03\\_03\\_artigo.pdf](http://sbseg2008.inf.ufrgs.br/proceedings/data/pdf/st03_03_artigo.pdf)
- [11] Li FG, Shirase M, Takagi T. Certificateless hybrid signcryption. In: Proc. of the ISPEC 2009. LNCS 5451, Berlin, Heidelberg: Springer-Verlag, 2009. 112–123. [doi: 10.1007/978-3-642-00843-6\_11]
- [12] Chen L, Cheng Z, Smart NP. Identity-Based key agreement protocols from pairings. Int'l Journal of Information Security, 2007, 6(4):213–241. [doi: 10.1007/s10207-006-0011-9]
- [13] Liu W, Xu C. Certificateless signcryption scheme without bilinear pairing. Ruanjian Xuebao/Journal of Software, 2011,22(8): 1918–1926 (in Chinese with English abstract). <http://www.jos.org.cn/1000-9825/3891.htm> [doi: 10.3724/SP.J.1001.2011.03891]

#### 附中文参考文献:

- [13] 刘文浩,许春香.无双线性配对的无证书签密机制.软件学报,2011,22(8):1918–1926. <http://www.jos.org.cn/1000-9825/3891.htm> [doi: 10.3724/SP.J.1001.2011.03891]



何德彪(1980—),男,山东阳谷,博士,讲师,  
主要研究领域为密码学,信息安全.  
E-mail: [hedebiao@163.com](mailto:hedebiao@163.com)