

# 多维索引 hB 树的改进方法——hB<sup>\*</sup>树<sup>\*</sup>

金树东 冯玉才 孙小薇

(华中理工大学计算机科学与工程系 武汉 430074)

**摘要** 本文在 hB 树基础上提出多属性索引方法——hB<sup>\*</sup>树。hB<sup>\*</sup>树索引结点溢出时先寻求避免分裂，以期得到较好的空间利用率；通过避免和消除多父结点，使 hB<sup>\*</sup>树成为严格的树形结构。本文表明 hB<sup>\*</sup>树提高了空间利用率，树形化的代价也不高。

**关键词** 存取方法，多维索引，B 树，hB 树，空间利用率。

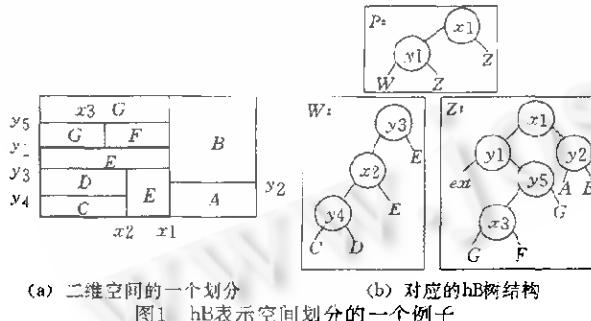
**中图法分类号** TP311.13

为了有效地支持新应用如 GIS、多媒体和 CAD 工具等，需采用新的存储结构和存取方法，特别是多维索引和搜索方法。好的搜索方法应满足：(1) 高空间利用率和扇出；(2) 数据增加时索引树能健壮成长；(3) 适应多种存取操作，包括精确匹配和范围搜索。许多有效的多属性和空间索引方法，如 hB 树<sup>[1~3]</sup>、各种 R 树<sup>[4~6]</sup>、Quad 树<sup>[7]</sup>、TV 树<sup>[8]</sup>、k-D-B 树<sup>[9]</sup>和 X 树<sup>[10]</sup>等已经提出。

Lomet 和 Salzberg 提出的 hB 树结点间搜索和增长方式类似于一维 B 树，结点内组织采用 k 维树，分裂时抽取 k 维树的一棵子树形成新的 hB 树索引结点。hB 树具有较好的平衡性，但不能保证结点的单父性，因而可能成为一个有向无环图 DAG。另外，其空间利用率不高。本文在 hB 树基础上提出一种多属性索引方法——hB<sup>\*</sup>树<sup>[11]</sup>，在索引结点溢出时不立即分裂，而是先寻求与相邻结点的平衡。它还采取措施避免和消除 DAG 结构，进行严格的树形化。本文表明，避免分裂能提高空间利用率，DAG 的避免和消除改善了 hB<sup>\*</sup>树的结构，且代价不高。

## 1 hB 树简介

hB 树是一种有效的多维动态索引结构，其结点间搜索和增长过程模拟 R 树的处理方法。结点内采用 k 维树组织和进行高效搜索。结点分裂要求 k 维树分裂，于是抽取一个大小介于 1/3~2/3 间并尽可能平衡的 k 维子树，并以此子树表示一个新结点。因此 hB 树结点空间是有孔(holey)的 k 方体，即每个结点空间是被抽取若干个小 k 方体的 k 方体。



(a) 二维空间的一个划分

图 1 hB 表示空间划分的一个例子

图 1 是二维空间的一个划分和 hB 树结构。图 1(b) 中结点 W 的 k 维树是从结点 Z 的 k 维树抽取的，如 Z 的 k 维树中的 ext 标识，它相当于图 1(a) 中粗线框内的矩形从整个大矩形中抽取。结点 P 是该 hB 树的根，其 k 维树表示下层 hB 结点 W, Z 的导向路径，意为满足  $x < x_1$  且  $y < y_1$  的记录应存于结点 W，其它记录则存于结点 Z。

hB 树能很好地支持精确匹配搜索和范围搜索。进行精确匹配搜索，要经过自 hB 树根到一叶子的单一路径，访问的结点数是 hB 树的高度。在 hB 树结点内通过比较 k 维树结点值与搜索的相应属性值，最终确定唯一的下层 hB 树结点。范围搜索可能涉及 hB 树每层的多个结点。范围的标界是在若干个属性上取值的上下界。结点内搜索时将 k 维树结点的比较值与搜索范围的相应属性上下界进行比较，以决定转向 k 维树结点的左子树、右子树或两者。

\* 作者金树东，1969 年生，博士，主要研究领域为并行与分布数据库系统。冯玉才，1945 年生，教授，博士导师，主要研究领域为数据库，多媒体，人工智能，图象识别。孙小薇，女，1970 年生，博士生，主要研究领域为数据库，多维索引方法，地理信息系统。

在 hB 树中,插入记录与一维 B 树相似:首先搜索应插入记录的 hB 树叶子,若空间足够则插入即可,否则,从  $k$  维树中抽取一棵尽可能接近  $1/2$  的  $k$  维子树,并形成一新结点,然后将标志新结点的索引项插入到上层 hB 结点,这一插入可能导致再次分裂。由于必能从  $k$  维树中抽取  $1/3 \sim 2/3$  间的子树,hB 树分裂保证不差于  $2:1$  的平衡。新结点的索引项是从原  $k$  维树根到抽取子树间的路径得到的,可压缩至不长于  $2k$  的路径,这样,在 hB 上层结点加入至多  $2k$  个  $k$  维树结点。

hB 树的删除操作是插入操作的逆过程。如果删除不导致结点空间利用低于一个下限,则删除完成,否则,试图与相邻结点合并。这里,“相邻结点”是空间上包含它的结点,或从它分割出去的结点。合并的结果是两个结点的  $k$  维树组成单棵  $k$  维树,然后删除上层 hB 结点中的索引项,它可能导致上层又一次合并。

尽管 hB 树对于大多数情况能取得较好效果,但它有两个问题:(1)空间利用率不理想;(2)可能出现多父结点,使 hB 树不再是严格的树结构而成为 DAG。问题(1)产生的原因是采用  $1/3 \sim 2/3$  的  $k$  维树分裂,结点分裂只保证不低于  $2:1$  的平衡,最坏空间利用率为  $1/3$ ,而一维 B<sup>+</sup>树最坏为  $1/2$ 。按文献[1]的估价,hB 树平均空间利用率为  $0.637$ ,无法与一维 B<sup>+</sup>树的  $0.693$  相比。而高空间利用率意味着高扇出数,能降低搜索树高度和叶子层宽度,减少搜索时所需的 I/O 次数。问题(2)产生的原因在于 hB 树结点分裂出的  $k$  维子树数目不受限制。分裂时要将包含结点和抽取结点间的索引标界登记到其父结点中,如果有任意多个结点从包含结点中分离出来,则包含结点的  $k$  维树标界就很复杂。这样,父结点分裂时,不得不分割这一标界,分裂得到的两个上层结点成为包含结点的父结点。多父结点使 hB 树成为一个 DAG,而不是真正的树形。

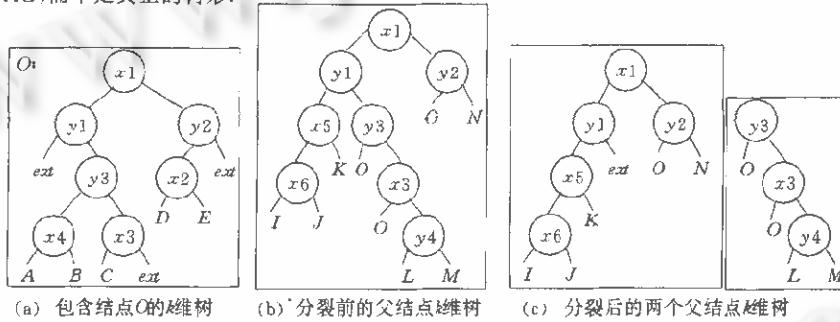


图 2 hB 树产生多父结点

图 2 给出一例加以说明,其中图 2(a)是包含结点  $O$  的  $k$  维树,它被抽取 3 棵子树,以  $ext$  分别代表抽取结点  $K$ ,  $L$ ,  $N$ 。图 2(b)是  $O$  的父结点  $k$  维树,指明 7 个下层结点的划分范围。注意  $I, J$  是  $K$  的抽取结点,  $M$  则可看作  $L$  的抽取结点。现假定父结点溢出并分裂得到图 2(c)的两个上层结点,可以看到它们都是结点  $O$  的父结点。多父结点使 hB 树要考虑到更复杂的 DAG 问题,因此产生了其它问题;而避免产生 DAG 结构要求不分隔包含结点在父结点中的索引,这会影响非叶子结点的分裂效果。

## 2 hB\* 树的基本特点

除了以下两点外,hB\* 树与 hB 树基本相同。<sup>①</sup> hB\* 树结点分裂前,首先尝试与相邻结点平衡以避免分裂;<sup>②</sup> hB\* 树中不存在多父结点。特性①模拟一维 B<sup>+</sup>树的行为,尝试与相邻结点平衡数据量而不立即分裂,从而提高 hB\* 树的空间利用率。特性②使 hB\* 树成为真正的树,为此,采取 DAG 避免和消除方法,DAG 避免意为减少多父结点出现的可能性,DAG 消除则指产生多父结点时,对它进一步分裂及合并。

首先说明,本文沿用文献[1~3]中 hB 树的有关概念,与 hB\* 树差别无关的性质也仍适用。为方便后续描述,还要定义几个概念。

**定义 1.** 若 hB\* 结点  $A$  的  $k$  维树被抽取一子树,形成结点  $B$  的  $k$  维树,则  $A$  称为  $B$  的包含结点,  $B$  称为  $A$  的抽取结点。

**定义 2.** 在结点  $A$  的  $k$  维树中,导航至  $A$  的某抽取结点  $B$  对应的  $ext$  标志的路径,称为  $A$  到抽取结点  $B$  的路径,记作  $Path(A, B)$ 。

**定义 3.** 在结点  $A$  的父结点  $k$  维树中,导航至  $A$  的树结构片段,称为  $A$  的超路径,记为  $SuperPath(A)$ 。

**性质 1.** 有一个抽取结点的 hB\* 树结点,其超路径长度  $\leq 2k$ 。引自文献[1]。

性质 2. 有  $j$  个抽取结点的 hB\* 树结点, 其超路径长度  $\leqslant 2kj$ . 由性质 1 推导出.

### 3 hB\* 树的插入和删除算法

对 hB 树的一般插入和删除算法作改动, 以适应 hB\* 树的特点, 插入算法描述如下:

#### 算法 1. hB\* 树一般插入算法

- (1) 从 hB\* 树根开始寻找记录关键字, 若找到则出错返回, 否则, 得到记录应插入的叶子位置;
- (2) 在要插入的结点中有两种可能性:
  - (a) 结点有足够的空间存放插入数据, 则插入完成并返回;
  - (b) 结点不足以存入数据, 此时,
    - (I) 若结点能与相邻结点平衡数据量, 则在平衡后再重新插入;
    - (II) 寻找满足平衡要求且不分割超路径的子树. 若成功则分裂结点, 然后重新插入, 最后在父结点中插入新结点索引项;
    - (III) 否则, 找到满足平衡要求的子树, 产生下层多父结点, 故进行一调整过程; 对多父结点的再次分裂及合并. 最后分裂本层结点, 然后重新插入, 并在父结点中插入新结点索引项.

结点分裂总是会产生的. 若上述算法中结点溢出, 而又不能如(I)那样避免分裂, 则要考虑结点分裂. 算法中(I), (III)两种情形都要进行分裂. 与 hB 树相似, 分裂时总是找出一棵  $k$  维子树, 分裂得到两个结点, 包括新生成的抽取结点和更新后的包含结点. 最后在父结点中进行索引标志, 它意味着在上层结点进行另一次插入并也有可能分裂. 按我们的术语, 在父结点中的索引项称为超路径, 它是一个  $k$  维树片段. 新结点的索引项是从包含结点导航至它的压缩路径, 分裂时在父结点中插入一索引项要求至多增加  $2k$  个  $k$  维树结点. 结点分裂的具体算法见文献[1], 这里不再详述.

下面给出 hB\* 树的一般删除算法. 它与 hB 树的主要差别是要将稀疏结点与其包含结点平衡.

#### 算法 2. hB\* 树一般删除算法

- (1) 从 hB\* 树根开始搜索记录, 若未找到, 则出错返回;
- (2) 否则, 删除该记录, 然后判断该结点空间利用率是否低于一下限, 有两种可能性:
  - (a) 结点利用率仍不低于下限, 则删除完成并返回;
  - (b) 结点利用率低于下限, 此时,
    - (I) 读取其包含结点(前提是包含结点与稀疏结点同父), 判断能否合并到包含结点, 若能, 则完成合并, 然后修改父结点中包含结点的索引项、删除原稀疏结点的索引项, 这要求对父结点进行删除操作(即对其执行本算法的第 2 步);
    - (II) 若稀疏结点不能被合并至包含结点, 则判断其能否与包含结点进行平衡, 若不能, 则算法也结束, 否则, 进行平衡并修改父结点中的索引项.

这里用于判断是否稀疏结点的下限应高于 hB 树的下限, 如 0.5 或介于 0.4 和 0.5 间的某值. 另一差别是 hB\* 树在不能合并时也考虑平衡. 但考虑到这种平衡的费用较大, 要更新 3 个结点, 因此, 用于决定是否进行平衡的一个准则是, 只有当平衡效果相当好时才进行. 由于 hB\* 树与 hB 树的删除算法差别不大, 我们不再详述.

### 4 分裂的避免

当结点剩余空间不足以插入时, hB 树的方法是立即分裂它. 这种方法使最坏和平均空间利用率不高. 因此, hB\* 树模拟一维 B\* 树的行为, 试图在溢出结点及其相邻结点间平衡数据, 来避免分裂而提高总的空间利用率. 平衡方法是在两结点间移动部分数据量, 并改动它们的父结点中的索引项. 对一维 B\* 树来讲, 移动数据量的最小单位是单个键值, 在父结点中改变的是结点的键值标界. 对 hB\* 树来讲, 移动数据量的最小单位是结点中  $k$  维树的分枝, 改动的是父结点中的超路径.

B\* 树被提出用于改善 B+ 树的空间利用率, 但其费用较大, 且 B+ 树本身就能保证很好的空间利用率, 故 B\* 树的好处不明显. 与 B+ 树相比, hB 树的空间利用率不理想, 特别是在最坏情况下仅为 1/3. 如果通过插入时较少的费用而改善 hB 树的空间利用情况, 特别是避免不平衡的分裂, 则可期望获得较好的效果. hB\* 树的插入算法就是以此为出发点的. 为保证 hB\* 树插入时的花费较少而获益较大, 我们提出以下准则.

**准则 1.** 只有当分裂将产生低平衡度时, 才进行平衡尝试.

**准则 2.** 只有当分裂避免的可能性较大时, 才进行平衡尝试.

针对 hB 树与 B 树的分裂平衡度不同, 我们提出了准则 1. hB 树空间利用率低的原因是其分裂的平衡度差, 但很多情况下它具有较平衡的分裂, 此时我们应允许其进行分裂, 而总是进行平衡尝试, 花费很大. 针对 hB\* 树与 B\* 树得以平衡的概率不同, 我们提出了准则 2. hB\* 树与 B\* 树移动数据单位有差别, B\* 树邻近结点有空就可避免分裂的效果. 而在 hB\* 树中则不然, 分裂得以避免的可能性变小.

考虑平衡时的相邻结点选择及处理方法,相邻结点可选择包含结点和抽取结点.

#### 4.1 与包含结点平衡

仅当溢出结点  $k$  维树很倾斜,即其左右子树之一很小时,才试图与包含结点平衡.设 hB<sup>\*</sup>树的结点空间利用率为  $U$ ,溢出概率为  $p$ , $U$  增加,则  $p$  增加.判断溢出结点的左右子树之大小是否小于  $(1-U)$ ,若是,则避免分裂的可能性至少为  $p$ .一般我们要求  $p$  大于 0.5,如  $p=0.8$ .

进行平衡的直接方法是:将溢出结点及其包含结点  $k$  维树结合在一起,再重新抽取尽可能接近一半的子树,判断是否形成较平衡的两个结点.容易证明最后抽取的子树必定也是溢出结点  $k$  维树的子树,因为查找不溢出且平衡的子树的过程必然要搜索到溢出结点的  $k$  维树根.故可用以下步骤平衡两结点.

##### 算法 3. 与包含结点平衡的算法

- (1)  $r =$  溢出结点的  $k$  维树根;
- (2) 重复以下平衡步骤(a),(b),(c),直到产生结果不比原情形更平衡:(a) 切割  $r$  的左右子树之小者;(b) 合并到包含树; $r =$  另一子树;
- (3) 否则,平衡结束,判断结果是否不再溢出.

图 3 给出了一个与包含结点平衡的例子.设 hB<sup>\*</sup>树索引结点的容量为  $N=6$ ,在抽取结点中插入数据溢出,因此启动以上平衡过程.第 1 次判定将比较  $x_2$  的  $k$  维树结点移至包含树,第 2 次试图将比较  $y_3$  和  $x_4$  的结点合并到包含树,但产生结果不比原方案更好,因此平衡结束.最后得到的结果如图 3(b) 所示.

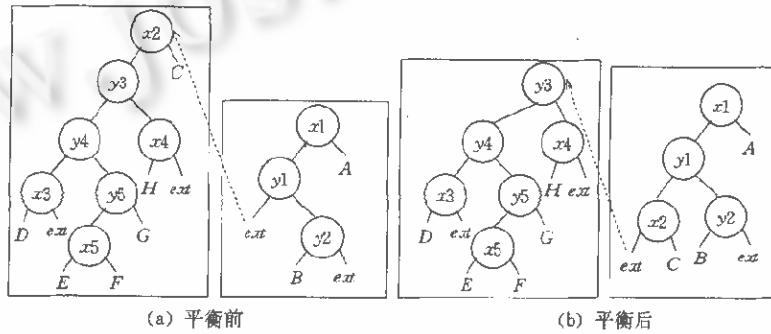


图 3 与包含结点平衡

选择包含结点时考虑的一个

特例是:若父结点超路径中,  $A$  和  $B$  是同一  $k$  维树结点的左右两边,而该  $k$  维树结点的更上层属结点  $C$  的超路径.此时结点  $A$  的包含结点有两种选择,结点  $C$  或  $B$  均可.结点  $B$  的包含结点也有两种选择,结点  $C$  或  $A$  均可.

#### 4.2 与抽取结点平衡

当溢出结点有多个抽取结点时,需决定与哪个进行数据平衡.若对多个结点都进行试验,为了获得较高的空间利用,花费将很大,这与追求总体高效的原则相背离.因此我们的策略是,选择最有可能进行平衡的抽取结点,这样不论是否能平衡,至多需读取一个结点.

考虑如何确定最有可能平衡的抽取结点.进行平衡时,要将与抽取结点  $ext$  标识邻近的  $k$  维树分枝合并到抽取树.若该分枝较大,则平衡成功的可能性就较小.因此我们选择的抽取结点,与其相邻的  $k$  维树分枝是最小的.当然这一分枝同样要满足小于  $(1-U)$ ,若不满足,则仍将放弃平衡尝试.平衡的方法是合并两个  $k$  维树并重新抽取尽可能接近一半的子树,判断其结果是否不再溢出.

图 4 是溢出结点与其抽取结点平衡的一个例子.设结点容量  $N=6$ ,在图 4(a) 中右边的包含结点中插入溢出,判定与其唯一的抽取结点相邻的  $k$  维树分枝很小,故与抽取结点平衡.合并两个  $k$  维树并重新选取  $k$  维子树,得到图 4(b) 的结果.以上探讨了与包含结点和抽取结点平衡的方法,为进一步限制其费用,我们还提出:

**准则 3.** 只与一个相邻结点平衡,即从包含结点和所有抽取结点中选择最可能平衡的那个.

### 5 DAG 的避免和消除

#### 5.1 不分割超路径

显然多父结点只在 hB<sup>\*</sup> 树非叶子结点分裂时才可能产生,因此,叶子结点分裂时不必考虑这一问题.当内结点  $A$  分裂时,为使得 hB<sup>\*</sup> 树成为真正的树结构,要求在分裂时不分割下层结点的超路径,这样就消除了多父结点产生的可能性.如果合理选择抽取  $k$  维子树,往往能避免超路径被分割到不同结点中.从满足以下条件的所有候选分裂点中选择最平衡的分裂点.

- (1) 若  $A$  不是叶子结点,则对  $A$  的任意子结点  $C$ ,分裂点不分割  $SuperPath(C)$ .

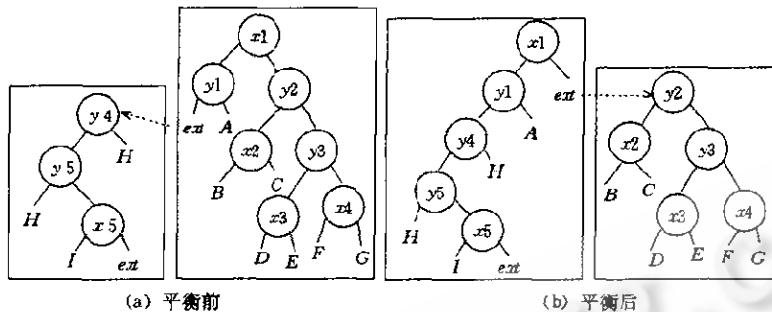


图4 与抽取结点平衡

(2) 保证至少 2:1 的平衡度.

保持超路径的整体性要求小心选择分裂点,选择的分裂点应当是下层结点超路径间的交界点,图 5 是选择抽取维子树,而不分割超路径的一个例子.图 5(a)中粗线为可选的超路径交界点,图 5(b)是最平衡的一个分裂方案,但其结果不满足 2:1 的平衡度.

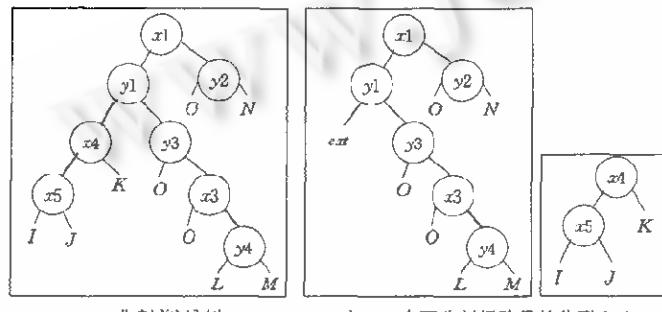


图5 分割时选择不分割短路径的1维子树与包含结点平衡

由于从  $k$  维树中抽取子树的平衡度只满足 2:1，因此这里也假定要求 2:1 的平衡度，从而  $b=1/6$ ，须满足  $N/3 > 2k_j$

一个  $k$  维树结点包括比较值、左右指针及一些标志位, 约占 8~16 字节。以 12 字节估算, 典型的页尺寸为 4K 的系统中, 除去索引结点的其它信息,  $N$  约为 340。为满足  $N/3 > 2kj$ ,  $k$  的几个较小取值与  $j$  的关系如表 1。

由于抽取点仅限于超路径交界，这样，当超路径很大时，找不到平衡分裂方案，即抽取子树远大于或小于  $1/2$ 。我们来检验超路径大小与分裂的平衡度间的关系。我们总可以找到一个介于  $1/3 \sim 2/3$  间的子树，但它不一定满足“不分割超路径”，因此对其进行调整，将分割点移至超路径交界点。移动过程调整必少于  $2b$  个  $k$  维树结点，其中  $j$  为该超路径对应包含结点  $k$  维树被抽取的次数。若要求至少  $(1/2+b)$   $(1/2-b)$  的平衡度，则允许的超路径大小为  $N \times 2b$ ，即要求满足下式：  $N \times 2b > 2k_j$  (1)

$\times 2b$ , 即要求满足下式:  $N \times 2b > 2kj$  (1)

表 1

$k$	2	3	4	5	6	...
$j$	<28.3	<18.9	<14.2	<11.3	<9.4	.....

该估算仍是悲观的,因为每次抽取要求  $2k$  个  $k$  维树结点的估计往往过多。即使如此,仍可看出,当维数较低时,允许每个 HB<sup>\*</sup> 结点  $k$  维树被抽取很多次,而不影响分裂时较好的平衡要求。

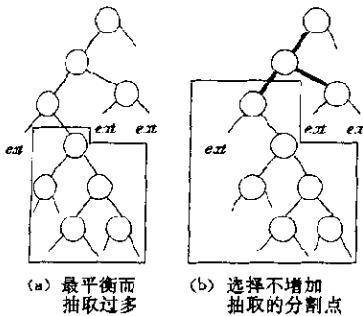
5.2 次平衡分裂

抽取结点数的增加,导致在上层结点分裂时难以选择平衡,且不分割超路径的方案.因此,要在下层结点分裂时即考虑减少抽取结点数.如果满溢结点的原有抽取结点数仍低于按式(1)得到的  $j$  值,则本次分裂暂不必考虑限制抽取结点数,而选择尽可能平衡的分裂方案.否则,要寻求不坏于  $2:1$  平衡度,而又不增加抽取结点的次平衡方案.

为了不增加抽取结点,需要在溢出结点  $A$  的  $k$  维树根到所有  $ext$  标志的路径上寻找分割点. 即这些候选分隔点满足:

- (1) 若  $A$  不是叶子结点，则对  $A$  的任意子结点  $C$ ，分裂点不分割  $SuperPath(C)$ 。
  - (2) 存在某个抽取结点  $B$ ，分裂点在  $Path(A, B)$  上。
  - (3) 保证至少 2:1 的平衡度。

从所有候选分割点中,选择最接近  $1/2$  的分割点。如图 6 所示的分裂例子,设  $j=3$ ,不能任选最平衡的抽取子树,否则,如图 6(a)所示,得到包含结点的抽取结点过多。故从图 6(b)中粗线标明的可能的分隔点中选择最好的分隔点,方框内为实际选择的抽取子树。



(a) 最平衡而抽取过多

(b) 选择不增加抽取的分割点

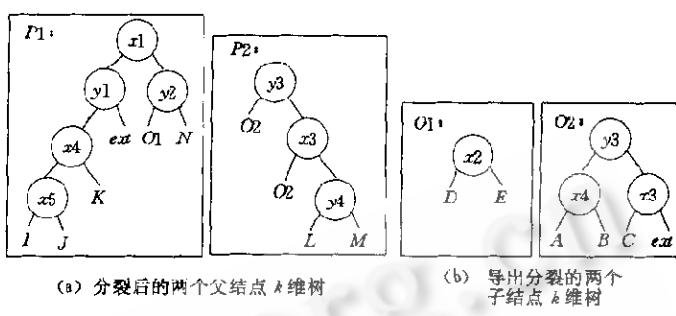
(b) 导出分裂的两个子结点  $k$  维树(a) 分裂后的两个父结点  $k$  维树

图7 hB\*树消除DAG结构

$hB$  树中也体现了减少抽取结点数的思想,但只考虑到在  $k$  维树根上分裂,若  $k$  维树根的左右子树满足不低于 2:1 的平衡,则抽取左子树或右子树,选择的范围较小。 $hB^*$  的方法可看成是对  $hB$  树这种策略的一般化,可选择到所有  $ext$  的路径上的任意点进行  $k$  维子树抽取。

### 5.3 DAG 的消除

然而,当没有满足最低平衡要求,而又需保证超路径不被分割的分裂方案时,仍然会不可避免地产生多父结点,DAG 结构使  $hB$  树更复杂,故有必要消除出现的多父结点。 $hB^*$  树中消除 DAG 结构的方法是:导出对下层结点的再次分裂和合并。设  $P$  为一个  $hB^*$  树内结点,在  $P$  中插入溢出,并设不得不分离下层结点  $A$  的超路径。

#### 算法 4. 消除多父结点的分裂算法

- 首先结点  $P$  分裂形成两个结点  $P_1, P_2$ 。
- 然后按  $P$  的  $k$  维树中超路径的分隔点对  $A$  也进行分裂,得到两个下层结点  $A_1, A_2$ .  $A_1$  是  $P_1$  的子结点, $A_2$  是  $P_2$  的子结点,不妨设  $A_1$  为包含结点, $A_2$  为抽取结点。
- 若  $A_1$  的包含结点也是  $P_1$  的子结点(经常如此),且  $A_1$  的空间利用低于一下限,则试图将  $A_1$  与其包含结点合并。
- 若  $A_2$  有抽取结点,且  $A_2$  的空间利用低于同一下限,则试图将  $A_2$  与其抽取结点合并。

图 2 中的上层结点分裂形成 DAG 结构。 $hB^*$  树的方法则是将上层结点  $P$  分裂后形成图 7(a) 的  $P_1, P_2$ ,对结点  $O$  也进行导出的分裂,得到图 7(b) 的两个结点  $O_1, O_2$ . 这里  $O_1$  可试图与同父的包含结点  $N$  进行合并。 $O_2$  有两个抽取结点  $L, M$ ,因此,它与其中之一试图合并。

## 6 效果分析

### (1) 避免分裂的损益

我们提出了避免分裂时应考虑的 3 个准则。第 1 个准则保证只有当分裂平衡度坏时才考虑避免分裂。若  $hB^*$  树分裂总是相当平衡,则它与  $hB$  树相同,不需额外费用。第 2 个准则使平衡尝试往往能成功。第 3 个准则进一步限制平衡尝试的费用,又能期望最大收获。

与包含结点平衡时,只有当溢出结点的  $k$  维树根的左右子树之一很小时( $<1-U$ ),才读取包含结点,这时得以合并的可能性高于  $p$ 。若  $p=0.5$ ,则每两次索引结点读取至少节约 1 个结点的空间,往往  $p$  更大。与抽取结点平衡时,只有当溢出结点的  $k$  维树的很小分枝有  $p$  的可能性合并到邻近抽取结点时,才进行尝试。其时空损益与前者相同。

### (2) 避免和消除 DAG 的效果

不分隔超路径使抽取子树的选择范围变小,因而使分裂平衡性受到影响。但考虑到:①抽取结点数往往很少;②与  $hB$  树一样保证不低于 2:1 的平衡。因此,对平衡性影响很小。

在抽取子树选择方面, $hB^*$  树明显优于  $hB$  树。 $hB$  树选择在  $k$  维树根上分裂,若根的两子树的平衡度不低于 2:1,即使溢出结点的抽取数很小甚至没有时,也采用次平衡分裂方案。 $hB^*$  树则在有限次抽取内,总是寻找最优的平衡分裂;而如果抽取过多,则选择根到所有  $ext$  结点上的候选分裂点,当然根本身也成为候选分裂点。因此, $hB^*$  树往往具有更平衡的效果。

当  $hB$  树内结点分裂产生 DAG 结构时,不消除它,因此,分裂时的费用是写 3 个结点,包括包含结点、抽取结点及父结点。 $hB^*$  树对下层多父结点进行导出的分裂,因此又多更新两个结点,并且使  $hB^*$  树索引结点数增加。这两个结点还能尝试与各自相邻结点合并以改善空间利用,每次尝试不论是否成功,均需额外的一次读取。如果任一合并可行,则  $hB^*$  的空间利用率不受损,此时消除 DAG 的额外费用仅为写两个结点和读 1~2 个结点。

### (3) 与 R 树的比较

在各种多维索引方法中, R 树类是最广泛使用且高效的一种。R 树中的主要问题是其最小化边界矩形会出现重叠, 特别是当维数增加时重叠更严重, 其性能迅速下降。<sup>[10]</sup>而 hB 树和 hB\* 树对维数不敏感。为减少 R 树中的空间重叠, 有很多策略提出, 其中一个方法是, 为达到高度聚簇化而采用非平衡的分裂。与 hB 树相似, 它也可能导致低空间利用率。但是 R 树中的获得高空间利用率与降低重叠是相互冲突的<sup>[6]</sup>, 而在 hB\* 树中高空间利用率必然意味着查询高效。

## 7 结 论

本文简单介绍了多维动态索引方法 hB 树, 对其改进得到 hB\* 树。hB\* 树提高了 hB 树的空间利用率, 并对其进行严格的树形化。通过模拟一维 B\* 树在分裂时的行为, hB\* 树可望得到较高的空间利用率, 而其花费又有限。在 hB\* 树索引结点分裂时, 在保证好的平衡性的前提下, 尽可能选择不引发 DAG 结构的分裂方案。一旦分裂产生多父结点, 则立即进行导出式的对多父结点进行分裂。本文表明, 避免分裂有益于提高空间利用率, 避免 DAG 结构对分裂平衡性影响很小, 消除 DAG 结构只需极小的费用。进一步的研究包括: 在实际系统中实现 hB\* 树, hB\* 树与 hB 树及其它多维索引的实验比较。

### 参考文献

- 1 Lomet D, Salzberg B. The hB-tree: a multiattribute indexing method with good guaranteed performance. *ACM Transactions on Database Systems*, 1990, 15(4): 625~658
- 2 Salzberg B, Lomet D. Spatial database access methods. *ACM SIGMOD Record*, 1991, 20(3): 5~15
- 3 Evangelidis G, Lomet D, Salzberg B. The hB-tree: a modified hB-tree supporting concurrency, recovery and node consolidation. In: Dayal U eds. *Proceedings of International Conference on Very Large Data Base*. Zürich: Morgan Kaufmann Publishers, 1995. 551~561
- 4 Guttman A. R-trees: a dynamic index structure for spatial searching. In: Yormark B eds. *Proceedings of ACM SIGMOD*. Boston, MA: ACM Press, 1984. 47~57
- 5 Sellis A, Roussopoulos N, Faloutsos C. The R\*-tree: a dynamic index for multi-dimensional objects. In: Stocker P ed. *Proceedings of International Conference on Very Large Data Base*. Brighton, England: Morgan Kaufmann Publishers, 1987. 1~24
- 6 Bechmann N, Kriegel H, Schneider R et al. The R\*-tree: an efficient and robust access method for points and rectangles. In: Molina H et al eds. *Proceedings of ACM SIGMOD Conference on Management of Data*. Atlantic City, NJ: ACM Press, 1990. 322~331
- 7 Samet H. The quadtree and related hierarchical data structures. *ACM Computing Surveys*, 1984, 16(2): 187~260
- 8 Lin K, Jagadish H V, Faloutsos C. The TV-tree: An index structure for high-dimensional data. *VLDB Journal*, 1994, 3: 517~542
- 9 Robinson J T. The K-D-B-tree, a search structure for large multidimensional dynamic indexes. In: Lien Y eds. *Proceedings of ACM SIGMOD Conference on Management of Data*. Ann Arbor: ACM Press, 1981. 10~18
- 10 Berchtold S, Keim D A, Kriegel H. The X-tree, an index structure for high-dimensional data. In: Vijayaraman T et al eds. *Proceedings of International Conference on Very Large Data Base*. Bombay, India: Morgan Kaufmann Publishers, 1996. 28~39
- 11 Jin S, Feng Y, Sun X. Improved hB-tree with higher space utilization and eliminating DAG. In: Shoval P et al eds. *Proceedings of International Workshop on Next-Generation Information Technologies and Systems*. Israel, 1997. 162~171

### The hB\* Tree——an Improved Multidimensional Indexing Method of hB-Tree

JIN Shu-dong FENG Yu-cai SUN Xiao-wei

(Department of Computer Science and Engineering Huazhong University of Science and Technology Wuhan 430074)

**Abstract** This paper proposed a new multiattribute index method named hB\*-tree on the basis of hB-tree. When an index node overflows, the first step is to avoid splitting if splitting will lead to poor balance degree. Therefore the node utilization of hB\*-tree is improved. The DAG problem of hB-tree is also reduced by careful selection of extracted k-d-subtree. If a splitting still produces DAG structure, the hB\*-tree is reorganized to be a strict tree. The authors show that hB\* tree has reasonable space utilization and access costs.

**Key words** Access methods, multidimensional index, B-tree, hB-tree, space utilization.

**Class number** TP311.13